УДК 621.391.14

МАЖОРИТАРНОЕ ДЕКОДИРОВАНИЕ ЦИКЛИЧЕСКИХ КОДОВ ПРИ МЯГКОМ ПРИНЯТИИ РЕШЕНИЯ НА ВЫХОДЕ ЛИСКРЕТНОГО КАНАЛА СВЯЗИ

Е.Г. МАКЕЙЧИК, А.И. КОРОЛЁВ, М.Д. ИСАКОВИЧ, А.С. КОВАЛЕВСКИЙ

Белорусский государственный университет информатики и радиоэлектроники П. Бровки, 6, Минск, 220013, Беларусь

Поступила в редакцию 22 октября 2017

Рассматривается метод построения и дается оценка корректирующей способности блокового кода на основе составного самоортогонального сверточного кода (СССК) с пороговым алгоритмом декодирования, корректирующего модульные ошибки. Установлено, что при блочном способе кодирования и декодирования двоичных символов (битов) информационных сообщений составными СССК с пороговым алгоритмом декодирования, обеспечивается коррекция модульных ошибок в $\alpha(\alpha \ge 2)$ раз большей кратности, чем кратность ошибок, корректируемых исходным (базовым) самоортогональным сверточным кодом (ССК).

Ключевые слова: самоортогональный сверточный код, блоковый код, канальный кадр, канальный декодер, кратность ошибок.

Теория построения составных помехоустойчивых кодов рассматривается в работах [1–6]. Достоинство составных кодов заключается в увеличении в $\alpha(\alpha \ge 2)$ раз корректирующей способности исходных (базовых) помехоустойчивых кодов. Параметр а носит название коэффициента перемежения информационных символов, участвующих в формировании проверочных символов кода. Способ перемежения информационных символов может быть простой или обобщенный [5, 7]. Сущность простого способа перемежения при кодировании информационных символов состоит в том, что все показатели степеней порождающего полинома P(x) базового кода умножаются на α или в порождающей G(x) и проверочной H(x)матрицах базового кода вводится $(\alpha - 1)$ нулевых строк и нулевых столбцов соответственно. При обобщенном способе перемежения в порождающей G(x) и проверочной H(x) матрицах базового кода вводится $(\alpha - 1)$ нулевых строк и столбцов, задаваемых показателями степеней P(x), которые умножаются только на коэффициент перемежения α . Параметры составного кода с коэффициентом перемежения $\alpha(\alpha \ge 2)$, построенного на основе базисного кода с параметрами $P(x) = x^m + x^{m-i} + \ldots + x^{m-j} + \ldots + 1, \quad i \neq j \geq 1, \quad t_{\text{исп}} \leq (d_0 - 1)/2, \quad t_{\text{обн}} \leq d_0 - 1$ будут равны: $P_{c}(x) = x^{\alpha \cdot m} + x^{\alpha \cdot m - i} + \ldots + x^{\alpha \cdot m - j} + \ldots + x^{\alpha \cdot m - j} + \ldots + 1$, $t_{\text{исп. c}} \le \alpha \cdot (d_{0} - 1)/2$ и $t_{\text{обн. c}} \le \alpha (d_{0} - 1)$ бит. Таким образом, использование метода построения составного кола позволяет увеличить в $\alpha(\alpha \ge 2)$ раз корректирующую способность базисного кода при сохранении выбранного алгоритма декодирования.

Принципиальное отличие ССК с пороговым алгоритмом декодирования от групповых блоковых кодов состоит в способе формирования кодовых символов, а именно, при использовании ССК с пороговым алгоритмом декодирования процесс кодирования или

формирование кодовых символов осуществляется непрерывно: нет четкого деления на блок из $\ll k$ » информационных символов и блок из $\ll l$ » проверочных символов, составляющих кодовую последовательность длиной (кратностью) n=k+l двоичных символов или бит.

Для построения блокового кода на основе составного СССК с пороговым алгоритмом декодирования и корректирующего модульные ошибки, необходимо перейти от непрерывного способа кодирования информационных символов к блоковому. Переход от непрерывного способа кодирования информационных символов на основе ССК с алгоритмом порового декодирования к блоковому способу кодирования выполнятся по описанному далее [4, 6].

- 1. Для заданной скорости передачи кода $R = k_0/n_0$ или допустимой избыточности передаваемой информации r = (1 R) выбираются порождающие полиномы.
- 2. Показатели степеней выбранных порождающих полиномов умножаются на коэффициент перемежения а.
- 3. Определяется минимально допустимое количество передаваемых (кодируемых) информационных символов, используя следующее равенство неравенство

$$k_c \ge 2 \cdot m + 1$$
, [бит], (1)

где m — максимальная степень порождающих полиномов.

4. Длина кодовой последовательности равна

$$n_{\rm c} = 2 \cdot k$$
, [бит].

5. Минимальное кодовое расстояние равно

$$\alpha_{\text{OSH.C}} = \alpha \cdot d_0 = \alpha (J+1),$$

где J – число ортогональных проверок кода.

6. Кратность корректируемых $(t_{\text{\tiny исп.}})$ и обнаруживаемых $t_{\text{\tiny обн.}}$ ошибок соответственно равны

$$t_{\text{\tiny HCH.C}} \le \alpha (d_0 - 1)/2$$
, [бит]; $t_{\text{\tiny Oбн.C}} \le \alpha (d_0 - 1)$, [бит]. (3)

7. Скорость передачи формируемого блочного кода зависит от способа формирования кодовой последовательности F(x), а именно, для выбранного ССК с $R=k_0/n_0=2/3$ возможно построение канального кодека со скоростями передачи $R_1=2/3$ и $R_2=1/3$.

Далее рассматривается принцип построения канального кодека с R = 2/3.

Коррекцию модульных ошибок рассмотрим на примере использования блокового кода построенного на основе ССК с алгоритмом порогового декодирования со скоростью передачи кода $R = k_0/n_0 = 2/3$, $r = (1-R) \cdot 100\% = (1-0,66) \cdot 100\% = 34\%$, J = 3. Из [5] выписываем табулированные порождающие полиномы исходного (базового) самоортогонального сверточного кода, реализующего пороговый алгоритм декодирования: $q_1(x) = x^7 + x^1 + 1$, $q_2(x) = x^8 + x^3 + 1$, J = 3.

Далее рассчитываем параметры составного блокового кода на основе выбранного ССК, используя выражение (1)–(3). Выбираем значение коэффициента перемежения кодируемых информационных символов $\alpha = 2$.

Параметры составного блокового кода на основе выбранного ССК определяем по формулам (1)–(3):

$$P_{1c}(x) = x^{\alpha \cdot 7} + x^{\alpha \cdot 1} + 1 = x^{2 \cdot 7} + x^{2 \cdot 1} 1 = x^{14} + x^2 + 1,$$
 $q_{2c}(x) = x^{\alpha \cdot 8} + x^{\alpha \cdot 3} + 1 = x^{16} + x^3 + 1,$
 $k_c = 2 \cdot m + 1 = 2 \cdot 8 + 1 = 17$ бит,

$$\begin{split} &n_{\rm c} = 2 \cdot k_c = 2 \cdot 17 = 34 \text{ бита,} \\ &R_{\rm c} = k_0 / n_0 = i_1 + i_2 / i_1 + i_2 + n = 2/3, \\ &r = (1 - R) \cdot 100\% = (1 - 0.66) \cdot 100\% = 34\%, \\ &d_{\rm obh.c} = \alpha \left(\alpha_0\right) = \alpha \left(J + 1\right) = 2 \cdot (4 + 1) = 10, \\ &t_{\rm hch.c} \leq \left(d_{\rm obh.c} - 2\right) / 2 = (10 - 2) / 2 = 4 \text{ бита,} \\ &t_{\rm obh.c} \leq d_{\rm obh.c} - 1 = 10 - 1 = 9 \text{ бит.} \end{split}$$

На рис. 1 приведены матрицы: базового (a) и составного (b) ССК с пороговым алгоритмом декодирования и с реализацией блокового способа формирования символов кодовой последовательности.

 H^T 11 H^T 11 $0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,1\,0\,0\,0\,1\,1$ $0\,0\,0\,0\,0\,0\,1\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,1\,1$ $0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,1\,0\,0\,0\,1\,1$ $0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,1\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,1\,1$ $0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,1\,0\,0\,0\,1\,1$ $0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,1\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,1$ $001\,00000000000000000000000001\,0001\,1$ $0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,1\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,0\,1\,1$

Рис. 1. Проверочные матрицы базового (a) и составного (δ) ССК с алгоритмом порогового декодирования

Из матрицы (рис. 1, a) следует, что самоортогональность проверок блокового сверточного кода сохраняется, так как индексы информационных символов левой части данной матрицы перенесены в правую часть матрицы с увеличением номеров информационных символов на

равную величину $(2 \cdot n_a - R)$, где $n_a = (m+1) \cdot n_0$ — длина кодового отражения базового ССК. Следовательно, информационный символ с наименьшим индексом информационного блока κ_c имеет в блоковом коде значение $N = n_a \cdot R$. В рассматриваемом примере $N_1 = 8$ и $N_2 = 9$ соответственно для первой и второй систем формируемых проверок.

На рис. 2 приведены обобщенные структурные схемы канального кодера (a) и канального декодера (δ), выполненных на основе рассмотренных параметров составного ССК, реализующих блочный способ кодирования и декодирования символов: \oplus – сумматор по модулю два; Φ СПСП – формирователь символов псевдослучайной последовательности; БУ – буферное устройство, DMX – демультиплексор; МХ – мультиплексор; Φ ПС $_{\rm k}$ – формирователь проверочных символов кодера; Φ ПС $_{\rm k}$ – формирователь проверочных символов декодера; КО – корректор ошибок; Φ ПС $_{\rm k}$ – анализатор синдромной последовательности ошибок декодера; Φ 0 – синдромная последовательность.

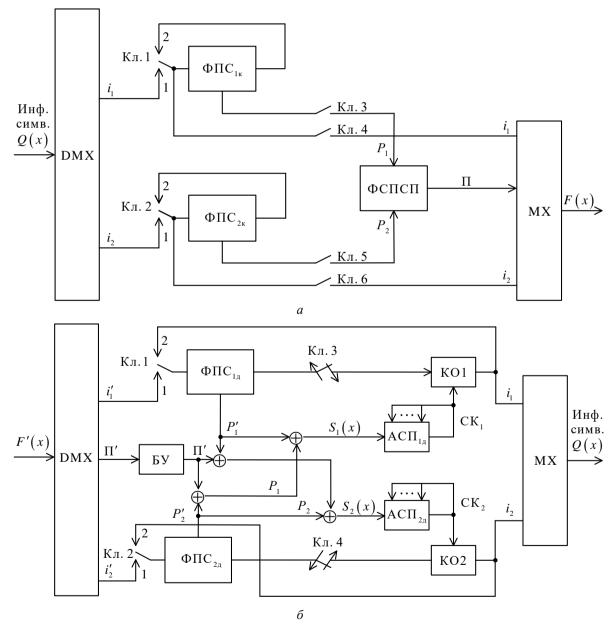


Рис. 2. Обобщенная функциональная схема канального кодера (a) и обобщенная структурная схема канального декодера (δ) , реализующих блочный принцип кодирования и декодирования на основе ССК с алгоритмом порогового декодирования

Канальный кодер содержит два канала кодирования, выполняемых на последовательных регистрах сдвига (RG), содержащие каждый по $\kappa_c = 17$ ячеек памяти, трех вынесенных сумматоров по модулю два и трех ключей управления (Кл.) работой канала декодирования.

Кодирование передаваемых информационных символов сообщения Q(x) выполняется следующим образом. Передаваемые информационные символы распределяются DMX на поток нечетных i_1 и четных i_2 информационных символов, которые через ключи Кл. 1 и Кл. 2, находящиеся в положении контактов 1, записываются в соответствующие регистры сдвига (RG) ФПСК: ключи Кл. 3 – Кл. 6 находятся в разомкнутом состоянии (стрелки вверх). По окончании $\kappa_c = 17$ такта ключи Кл. 1 и Кл. 2 переводятся в положение контактов 2, в ключи Кл. 3 – Кл. 6 замыкаются (стрелки вниз), после чего начинается процесс формирования кодовых символов. Сформированные проверочные символы первого P_1 и второго P_2 каналов кодирования суммируются по модулю два, формируя таким образом символы псевдослучайной последовательности П. Информационные символы первого i_1 , второго i_2 и символы П поступают на соответствующие входы МХ, который формирует символы кодовой последовательности F(x).

Из способа формирования символов кодовой последовательности F(x) следует, что скорость передачи кода $R_c = i_1 + i_2/i_1 + i_2 + \Pi = 2/3 = 0,66$. Относительная избыточность передаваемой информации $r = (1 - R_c) \cdot 100\% = (1 - 0,66) \cdot 100\% = 34\%$.

Число ортогональных проверок определяется выражением [5, 7] $J_c = J \cdot n_0 = 3 \cdot 3 = 9,$

а минимальное кодовое расстояние $d_{oc} = J_c + 1 = 9 + 1 = 10$.

Декодирование кодовых символов выполняется следующим образом. Принятые кодовые символы последовательности F'(x) распределяются в DMX на три подпотока: i_1' , i_2' и Π' . Информационные символы подпотоков i_1' и i_2' поступают через замкнутые ключи Кл. 1 и Кл. 2 (положение 1) соответственно на входы $\Phi\Pi C_{1\pi}$ и $\Phi\Pi C_{2\pi}$, которые выполняются и работают как $\Phi\Pi C_{\kappa}$ канального кодера. Сформированные проверочные символы каналов декодирования P_1' и P_2' поступают на соответствующие входы сумматоров по модулю два, на вторые входы которых поступают символы псевдослучайной последовательности Π' : осуществляется восстановление проверочных последовательностей P_1 и P_2 , сформированных канальным кодером $\Pi' + P' = P_1 \oplus P_2 \oplus P_1'$, $\Pi' \oplus P_2' = P_1 \oplus P_2 \oplus P_2' = P_1$.

Далее осуществляется формирование синдромных символов первого канала $S_1(x) = P_1 \oplus P_1'$ и второго $S_2(x) = P_2 \oplus P_2'$ декодирования, которые поступают на входы соответственно $AC\Pi_{1_{\rm R}}$ и $AC\Pi_{2_{\rm R}}$ данных каналов декодирования. В каждом из $AC\Pi$ принимается решение о достоверности принятых информационных символов по принципу порогового декодирования. Сформированные соответствующие сигналы коррекции CK_1 и CK_2 поступают на входы KO_1 и KO_2 , на вторые входы которых поступают принятые информационные символы подпотоков i_1' и i_2' . Одновременно с коррекцией информационных символов осуществляется коррекция в $AC\Pi_{1_{\rm R}}$ и $AC\Pi_{2_{\rm R}}$ синдромных символов. Скорректированные информационные символы подпотоков i_1' и i_2' поступают на вход соответствующего $\Phi\PiC_{\rm R}$ для принятия решения о достоверности последующих декодируемых информационных символов. Объединение скорректированных информационных символов подпотоков i_1 и i_2 в последовательный поток информационных символов Q(x) выполняется мультиплексором MX.

Заключение

Предложен метод построения канального кодека блокового кода на основе составного самоортогонального сверточного кода (СССК) с пороговым алгоритмом декодирования со скоростью $R \ge 2/3$. Определены параметры канального кодека, реализующего блоковый способ кодирования и декодирования информации, построенного на основе составного самоортогонального сверточного кода с пороговым алгоритмом декодирования. Установлено, что метод построения канальных кодеков на основе составных самоортогональных сверточных кодов с пороговым алгоритмом декодирования и реализующий блоковый способ кодирования и декодирования информации, обеспечивает увеличение в $\alpha(\alpha \ge 2)$ раз корректирующую способность базового СССК. Для практического применения предложенного метода построения канальных кодеков для коррекции модульных (зависимых) ошибок достаточно использование коэффициента внутреннего перемежения информационных символов $\alpha = 2$.

CORRECTION OF MODULAR ERRORS BY BLOCK CODES, BUILT ON THE BASIS OF COMPOSITE SELF-ORDOGONAL CONSTRUCTION CODES

E.G. MAKEICHIK, A.I. KOROLEV, M.D. ISAKOVICH, A.S. KOVALEVSKY

Abstract

The method of constructing and estimating the correcting ability of a block code based on a composite self-orthogonal convolutional code with a threshold decoding algorithm correcting modular errors is considered. It is established that in the block method of encoding and decoding of binary symbols (bits) of information messages by composite self-orthogonal convolutional code with a threshold decoding algorithm, correction of modular errors is ensured in $\alpha(\alpha \ge 2)$ times more than the multiplicity of errors corrected by the original (basic) self-orthogonal convolutional code.

Список литературы

- 1. Питерсон У., Уэлдон Э. Коды, исправляющие ошибки. М., 1976.
- 2. Радченко А.Н., Мирончиков Е.Г. // Радиотехника и электроника. 1961. №11. С. 18–33.
- 3. Блох Э.Л.. Зяблов В.В. Линейные каскадные коды. М., 1982.
- 4. Дмитриев О.Ф. // Радиотехника. 1964. Т. 19, №4. С. 68–75.
- 5. Касагин Т., Токура Н., Ивадари Е. Теория кодирования. М.,1978.
- 6. Meggit I.E. // IRE Transaction on Information Theory. 1961. №4. P. 234–244.
- 7. Кларк Дж. мл., Кейн Дж. Кодирование с использованием ошибок в системах цифровой связи. Минск, 1987.