## С. В. КОЗЛОВ, ВУ ТХАНЬ ХА

Белорусский государственный университет информатики и радиоэлектроники

## ПОТЕНЦИАЛЬНЫЕ ВОЗМОЖНОСТИ ПО ОЦЕНИВАНИЮ УГЛОВЫХ КООРДИНАТ В ОБЗОРНЫХ РЛС С СИСТЕМАМИ АДАПТИВНОЙ ПРОСТРАНСТВЕННОЙ КОМПЕНСАЦИИ ПОМЕХ

Введение и постановка задачи. Актуальными остаются вопросы обеспечения требуемой помехоустойчивости обзорных РЛС в условиях активных помех, воздействующих с направлений главного и боковых лепестков (ГЛ и БЛ) диаграмм направленности (ДН) антенны РЛС [1, 2]. В качестве основного направления повышения помехоустойчивости выступает использование подсистем адаптивной пространственной компенсации помех (ПКП) на базе многоканальных приемных систем [1–3]. Основные усилия исследователей были сосредоточены на обосновании алгоритмов адаптации, обеспечивающих заданное качество подавления помех [3]. Обоснованию алгоритмов оценивания пеленга цели при реализации ПКП достаточного внимания не уделялось.

Цель доклада – обоснование алгоритмов оценивания угловых координат в обзорной РЛС с ПКП для типовых видов отраженных сигналов.

**Модели сигналов и помех.** Будем рассматривать импульсную обзорную РЛС с антенной системой, вращающейся с круговой частотой  $\Omega$ , и включающей основную антенну с коэффициентом усиления  $G_0$  и шириной ГЛ в азимутальной плоскости  $\Delta \alpha_{0,5}$  и  $1 = \overline{1, L}$  компенсационных антенн с коэффициентами усиления  $G_l << G_0$ . ПКП реализуется независимо в пределах каждого периода повторения  $T_r$  зондирующего сигнала.

Для вектор-столбцов  $\mathbf{y}_i = (Y_{0_i}, Y_{1_i}, ..., Y_{L_i})^{\mathrm{T}}$  отсчетов сигналов на выходах приемных каналов для *i*-го импульса отраженного сигнала (OC) запишем

$$\mathbf{y}_i = \mathbf{y}_{\mathrm{cm}_i} + \mathbf{y}_{\mathrm{n}_i} + \mathbf{y}_{\mathrm{c}_i}, \qquad (1)$$

где  $\mathbf{y}_{\mathrm{сш}_i} = (\xi_{\mathrm{ш}_{i,0}}, \xi_{\mathrm{ш}_{i,1}}, ..., \xi_{\mathrm{ш}_{i,L}})^{\mathrm{T}}$  – вектор-столбцы отсчетов собственных шумов;  $\xi_{\mathrm{ш}_{i,1}}$  – отсчеты внутреннего шума l-го приемного канала для *i*-го импульса пачки;

$$\mathbf{y}_{c_i} = \xi_{c_i} \sqrt{P_c} F_0(\alpha_{ai} - \alpha_c) \mathbf{s}(\alpha_{ai} - \alpha_c); \qquad (2)$$

$$\mathbf{y}_{\mathbf{n}_{i}} = \sum_{m=1}^{M} \xi_{\mathbf{n}_{i,m}} \sqrt{P_{m}} \mathbf{s}(\alpha_{\mathbf{a}i} - \alpha_{\mathbf{n}_{m}})$$
(3)

– вектор-столбцы отсчетов отраженного сигнала (ОС) и внешних помех;  $P_c$  – средняя мощность ОС на выходе изотропной приемной антенны при условии, что передающая антенна ориентирована на цель максимумом ГЛ;  $P_m$  – мощность *m*-го источника помех на выходе изотропной приемной антенны;  $\xi_{\Pi_{i,m}}$  – независимые центрированные гауссовы случайные величины с единичной дисперсией;  $\xi_{c_i}$  – последовательность центрированных гауссовых случайных величин с корреляционной функцией (КФ), определяемой моделью флуктуации отраженного сигнала;  $F_0(\alpha)$  – ДН передающей антенны в системе координат «азимут-угол места»;  $\alpha_{ai} = \Omega(i-1)T_r$  – азимут максимума ГЛ ДН основной антенны при приеме *i*-го импульса ОС;  $\alpha_c$ ,  $\alpha_{\Pi_m}$  – азимут источника сигнала и  $m = \overline{1, M}$  источников помех;  $\mathbf{s}(\alpha) = (F_0(\alpha), F_1(\alpha), ..., F_L(\alpha))^T$  – вектор-столбец, составленный из ДН приемных каналов. В (2) предполагается, что предварительно выполнена оценка время

задержки  $\tau_z$  и доплеровского сдвига частоты отраженного от цели сигнала, причем последняя величина скомпенсирована. Типовые [4] модели ОС при синтезе алгоритмов приведены в таблице 1.

Наименование модели	Характеристики последовательности ξ <sub>с,</sub>
когерентная пачка нефлуктуирующих сигналов (М1.1)	$\xi_{c_i} = e^{j\phi}, \ \phi \in [0, 2\pi]$
когерентная пачка дружно флуктуирующих сигналов (М1.2)	последовательность центрированных гауссовых случайных величин с КФ вида $R_{\xi}(\tau) = e^{- au/ au_{c}}$ , где $ au_{c}$ – интервал корреляции ОС
некогерентная пачка нефлуктуирующих сигналов (М2.1)	$\xi_{\mathbf{c}_i} = \mathbf{e}^{j\phi_i} , \ \phi_i \in [0, 2\pi]$
некогерентная пачка дружно флуктуирующих по амплитуде сигналов (M2.2)	последовательность независимых центрированных гауссовых случайных величин с единичной дисперсией
некогерентная пачка быстро флуктуирующих сигналов (М2.3)	последовательность независимых центрированных гауссовых случайных величин с единичной дисперсией

Таблица	1. –	Модели	oc
---------	------	--------	----

Обоснование алгоритмов. Как показано в [2], в алгоритме оценивания угловых координат требуется учитывать все составляющие функции правдоподобия при вычисления оптимального вектора весовых коэффициентов (ВВК) [3] приемных каналов для каждого возможного положения цели  $\alpha$ . При этом [2] определяет обработку для когерентного нефлуктуирующего сигнала и неподвижной антенной системы. Применительно к обзорной РЛС обосновывались квазиоптимальные алгоритмы, общей идеей построения которых был отказ от вычисления оптимального ВВК для каждого возможного азимута цели  $\alpha$  в сочетании с процедурами «обеления» помехи во временной области и согласованной фильтрации измененного полезного сигнала [4, 5]. Пусть в процессе внутрипериодной ПКП с использованием оценок  $\mathbf{\Phi}_i$  корреляционных матриц (КМ) процессов на выходах приемных каналов сформированы ВВК вида

$$\mathbf{\omega}_{i} = \mathbf{\Phi}_{i}^{-1} \begin{cases} \mathbf{s}(0) & -\text{ для критерия максимума ОСПШ;} \\ \mathbf{e} = (1, 0, ..., 0)^{\mathrm{T}} - \text{ для критерия минимума выходной мощности.} \end{cases}$$
 (4)

Отсчеты адаптированного канала после ПКП

$$Y_{\mathrm{a}i} = \boldsymbol{\omega}_i^+ \mathbf{y}_i = \boldsymbol{\omega}_i^+ (\mathbf{y}_{\mathrm{cIII}_i} + \mathbf{y}_{\mathrm{II}_i}) + \boldsymbol{\omega}_i^+ \mathbf{y}_{\mathrm{c}_i}, \qquad (5)$$

содержат взвешенные внутренние шумы и нескомпенсированные остатки внешних помех с оценкой мощностей

$$P_{\mathrm{III}+\Pi_i} = \boldsymbol{\omega}_i^+ \boldsymbol{\Phi}_i \boldsymbol{\omega}_i \tag{6}$$

и отсчеты измененного отраженного сигнала  $\mathbf{\omega}_{i}^{+}\mathbf{y}_{c_{i}}$ . Для классифицированной [3] выборки (6) является оценкой максимального правдоподобия. Для неклассифицированной выборки оценка (6) смещена на величину  $\mathbf{\omega}_{i}^{+}\mathbf{\Phi}_{ci}\mathbf{\omega}_{i}$  мощности ОС, попадающей в оценку  $\mathbf{\Phi}_{i}$ , где  $\mathbf{\Phi}_{ci}$  – КМ ОС для *i*-го импульса пачки, определяемая с учетом особенностей ее оценивания [2, 3].

Для операции обеления

$$Z_i = \frac{\boldsymbol{\omega}_i^+ \mathbf{y}_i}{\sqrt{P_{\mathrm{III}+\Pi_i}}},\tag{7}$$

при этом мощность суммы внутренних шумов и внешних помех после временного обеления для классифицированной выборки  $|\overline{\mathbf{\omega}_{i}^{+}(\mathbf{y}_{\mathrm{cIII}_{i}} + \mathbf{y}_{\mathrm{II}_{i}})|^{2}} / P_{\mathrm{III}+\mathrm{II}_{i}} = 1.$ 

Для модели M1.1 логарифм функции отношения правдоподобия (в дальнейшем ФОП) примет вид

$$\Psi_{1.1}(\mathbf{z} \mid \alpha, A) = \sum_{i=1}^{I} \left( \left| Z_i \right|^2 - \left| Z_i - A Z_{\text{on}_i}(\alpha) \right|^2 \right), \tag{8}$$

где

$$Z_{\text{OII}_{i}}(\alpha) = \frac{F_{0}(\alpha_{ai} - \alpha)\boldsymbol{\omega}_{i}^{+}\mathbf{s}(\alpha_{ai} - \alpha)}{\sqrt{P_{\text{III}+\Pi_{i}}}}$$
(9)

– отсчеты опорного сигнал с учетом обеления; A – комплексная амплитуда ОС на выходе изотропной приемной антенны при облучении цели максимумом ГЛ ДН основной антенны.

Находя оценку амплитуды ОС 
$$A = \sum_{i=1}^{I} Z_i Z_{\text{оп}_i}^*(\alpha) / \sum_{i=1}^{I} |Z_{\text{оп}_i}(\alpha)|^2$$
, получим  
 $\Psi_{1.1}(\mathbf{z} \mid \alpha) = \frac{\left|\sum_{i=1}^{I} Z_i Z_{\text{оп}_i}^*(\alpha)\right|^2}{\sum_{i=1}^{I} |Z_{\text{оп}_i}(\alpha)|^2},$ 
(10)

Тогда максимально правдоподобная оценка азимута цели

$$\alpha_{_{\text{H3M}}} = \arg \max_{\alpha} \Psi_{1,1}(\mathbf{z} / \alpha) \,. \tag{11}$$

Для моделей M1.2 и M2.3 аналогичным образом получаем: модель M1.2:

$$\Psi_{1,2}(\alpha) = \mathbf{z}^{+} (\mathbf{E} - (\mathbf{E} + \sigma_{c}^{2}(\alpha)\mathbf{R}(\alpha))^{-1})\mathbf{z} - \ln |\mathbf{E} + \sigma_{c}^{2}(\alpha)\mathbf{R}(\alpha)|, \quad (12)$$
  
$$\sigma_{c}^{2}(\alpha) = \frac{\sum_{i=1}^{I-1} Z_{i}Z_{i+1}^{*}}{\sum_{i=1}^{I-1} Z_{i}Z_{i+1}^{*}} - \text{оценка средней мошности флуктуирующего}$$

где  $\sigma_c^2(\alpha) = \frac{\sum_{i=1}^{L} Z_i Z_{i+1}}{\sum_{i=1}^{I-1} r Z_{on_i}(\alpha) Z_{on_{i+1}}^*(\alpha)}$  – оценка средней мощности флуктуирующего

ОС на выходе изотропной приемной антенны при облучении цели максимумом ГЛ ДН передающей антенны;  $\mathbf{R}(\alpha)$  – нормированная КМ отсчетов флуктуирующего ОС с учетом операции обеления с элементами

$$R_{i,j}(\alpha) = r^{|i-j|} \frac{F_0(\alpha_{ai} - \alpha)F_0^*(\alpha_{aj} - \alpha)\boldsymbol{\omega}_i^* \mathbf{s}(\alpha_{ai} - \alpha)\mathbf{s}^+(\alpha_{aj} - \alpha)\boldsymbol{\omega}_j}{P_{\mathbf{II}+\mathbf{\Pi}_i}P_{\mathbf{II}+\mathbf{\Pi}_j}};$$

модель М2.3:

$$\Psi_{2,3}(\mathbf{z}/\alpha) = \sum_{i=1}^{I} \ln \frac{1}{1 + \sigma_{c}^{2}(\alpha) |Z_{\text{OII}_{i}}(\alpha)|^{2}} + \sum_{i=1}^{I} \frac{\sigma_{c}^{2}(\alpha) |Z_{\text{OII}_{i}}(\alpha)|^{2}}{1 + \sigma_{c}^{2}(\alpha) |Z_{\text{OII}_{i}}(\alpha)|^{2}} |Z_{i}|^{2}, \quad (13)$$

где  $\sigma_{c}^{2}(\alpha) = \frac{\sum_{i=0}^{I} |Z_{i}|^{2} - I}{\sum_{i=1}^{I} |Z_{o\Pi_{i}}(\alpha)|^{2}}$  – оценка средней мощности быстро флуктуирующего ОС

на выходе изотропной приемной антенны при облучении цели максимумом ГЛ ДН передающей антенны. Для некогерентной дружно флуктуирующей пачки алгоритмы обработки для моделей 2.2 и 2.3 совпадут  $\Psi_{2,2}(\mathbf{z} \,/\, \alpha) = \Psi_{2,3}(\mathbf{z} \,/\, \alpha)$ . Статистические характеристики пеленгации. Дисперсия ошибки пеленгации [5]

$$\sigma_{\alpha}^{2} = -\left( M \left\{ \frac{\partial^{2} \Psi(\mathbf{z}/\alpha)}{\partial \alpha^{2}} \right\} \Big|_{\alpha = \alpha_{c}} \right)^{-1}, \qquad (14)$$

где  $M\{ullet\}$  – оператор вычисления математического ожидания. Прямое вычисление (14) вызывает практически непреодолимые математические трудности. Поэтому дисперсия  $\sigma_{lpha}^2$  вычислялась численно при аппроксимации ФОП в окрестности максимума параболой вида  $\Psi(\alpha) = a\alpha^2 + b\alpha + c$ , где вектор (*a*,*b*,*c*)<sup>Т</sup> коэффициентов является решением системы уравнений

$$\begin{cases} a(\alpha_{c} - \delta\alpha)^{2} + b(\alpha_{c} - \delta\alpha) + c = \overline{\Psi(\alpha_{c} - \delta\alpha)} = \Psi_{-}; \\ a\alpha_{c}^{2} + b\alpha_{c} + c = \overline{\Psi(\alpha_{c})} = \Psi_{0}; \\ a(\alpha_{c} + \delta\alpha)^{2} + b(\alpha_{c} + \delta\alpha) + c = \overline{\Psi(\alpha_{c} + \delta\alpha)} = \Psi_{+}, \end{cases}$$
(15)

а  $\overline{\Psi(\alpha_{c}-\delta\alpha)}=\Psi_{-}, \ \overline{\Psi(\alpha_{c})}=\Psi_{0}, \ \overline{\Psi(\alpha_{c}+\delta\alpha)}=\Psi_{+}$  – средние значения ФОП

в точках  $\alpha = \alpha_c - \delta \alpha$ ;  $\alpha = \alpha_c$ ;  $\alpha = \alpha_c + \delta \alpha$ , соответственно,  $\delta \alpha = (0, 05...0, 1) \Delta \alpha_{0.5}$ . Тогда

$$\sigma_{\alpha}^{2} = \frac{\delta \alpha^{2}}{-\Psi_{+} + 2\Psi_{0} - \Psi_{-}} \,. \tag{16}$$

В частности, средние значения ФОП для модели М1.2 составят

$$\Psi_{-} = \sigma_{c}^{2} \sum_{i=1}^{I} \sum_{j=1}^{I} H_{i,j}^{(-)} Z_{on_{i}}(\alpha_{c} - \delta\alpha) Z_{on_{j}}^{*}(\alpha_{c} - \delta\alpha) + \sum_{i=1}^{I} \sum_{j=1}^{I} H_{i,j}^{(-)} - \ln |\mathbf{E} + \overline{\sigma_{c}^{2}}(\alpha_{c} - \delta\alpha) \mathbf{R}(\alpha_{c} - \delta\alpha) |;$$
  

$$\Psi_{0} = \sigma_{c}^{2} \sum_{i=1}^{I} \sum_{j=1}^{I} H_{i,j}^{(0)} Z_{on_{i}}(\alpha_{c}) Z_{on_{j}}^{*}(\alpha_{c}) + \sum_{i=1}^{I} \sum_{j=1}^{I} H_{i,j}^{(0)} - \ln |\mathbf{E} + \overline{\sigma_{c}^{2}}(\alpha_{c}) \mathbf{R}(\alpha_{c})|;$$
  

$$\Psi_{+} = \sigma_{c}^{2} \sum_{i=1}^{I} \sum_{j=1}^{I} H_{i,j}^{(+)} Z_{on_{i}}(\alpha_{c} + \delta\alpha) Z_{on_{j}}^{*}(\alpha_{c} + \delta\alpha) + \sum_{i=1}^{I} \sum_{j=1}^{I} H_{i,j}^{(+)} - \ln |\mathbf{E} + \overline{\sigma_{c}^{2}}(\alpha_{c} + \delta\alpha) \mathbf{R}(\alpha_{c} + \delta\alpha)|,$$

где

$$\mathbf{H}^{(\pm)} = \mathbf{E} - (\mathbf{E} + \overline{\sigma_{c}^{2}}(\alpha_{c} \pm \delta\alpha)\mathbf{R}(\alpha_{c} \pm \delta\alpha))^{-1}; \ \overline{\sigma_{c}^{2}}(\alpha_{c} \pm \delta\alpha) = \frac{\sigma_{c}^{2}\sum_{i=1}^{I-1} rZ_{\mathrm{on}_{i}}(\alpha_{c})Z_{\mathrm{on}_{i+1}}^{*}(\alpha_{c})}{\sum_{i=1}^{I-1} rZ_{\mathrm{on}_{i}}(\alpha_{c} \pm \delta\alpha)Z_{\mathrm{on}_{i+1}}^{*}(\alpha_{c} \pm \delta\alpha)};$$
$$\mathbf{H}^{(0)} = \mathbf{E} - (\mathbf{E} + \overline{\sigma_{c}^{2}}(\alpha_{c})\mathbf{R}(\alpha_{c}))^{-1}; \ \overline{\sigma_{c}^{2}}(\alpha_{c}) = \frac{\sigma_{c}^{2}\sum_{i=1}^{I-1} rZ_{\mathrm{on}_{i}}(\alpha_{c})Z_{\mathrm{on}_{i+1}}^{*}(\alpha_{c})}{\sum_{i=1}^{I-1} rZ_{\mathrm{on}_{i}}(\alpha_{c})Z_{\mathrm{on}_{i+1}}^{*}(\alpha_{c})} = \sigma_{c}^{2},$$

– матрицы обработки (H) сигнала и математические ожидания ( $\overline{\sigma_c^2}$ ) оценки мощности когерентного дружно флуктуирующего отраженного сигнала при условии оцении изпроводочни и с ки направления на него  $\alpha_c - \delta \alpha$ ,  $\alpha = \alpha_c$  и  $\alpha_c + \delta \alpha$ , соответственно.

Средние значения ФОП для других моделей сигнала получаем аналогично.

Расчет дисперсии пеленгации проводился для случая наличия одного источника помех при  $\alpha_{_{\Pi}} / \Delta \alpha_{_{0.5}}$  = 0,125...2,5. Принималось  $\Omega$  = 30 град/с,  $T_r$  = 1 мс;  $\Delta \alpha_{_{0.5}}$  = 3,8°.

Энергетические характеристики РЛС и ЭПР цели соответствовали достижению отношения сигнал/шум по одному импульсу пачки на дальности 100 км в максимуме ДН основной антенны 8,4 дБ. Отношение помеха/шум принималось равным 50 дБ. Характеристики антенной системы моделировались в виде ДН прямоугольных апертур: основной и четырех компенсационных размерами 15 × 2,5 и 1 ×2,5 длин волн. Компенсационные антенны размещались попарно справа и слева от основной.

На рисунке 1 приведены зависимости нормированной среднеквадратической ошибки (СКО) пеленгования  $\sigma_{\alpha} / \Delta \alpha_{0,5}$  от параметра  $\Delta \alpha_n / \Delta \alpha_{0,5}$ . Маркерами в поле графиков показаны значения выборочных (25 реализаций) СКО пеленгования при прямом имитационном моделировании.



оценивания угловых координат цели от нормированного углового отклонения источника помехи

Анализ результатов позволяет сделать следующие выводы:

значения выборочных и теоретических СКО для выбранных ситуаций совпадают в пределах точности статистических оценок;

расчетные значения СКО для алгоритма 1.1 практически совпадают с расчетными значениями для алгоритма 1.2 при  $\tau_c \rightarrow \infty$  (нефлуктуирующий сигнал) и дальности до цели 100 км; при уменьшении дальности до цели в 2 раза (возрастании отношения сигнал/шум в 16 раз) точность пеленгации с использованием адаптивного алгоритма 1.2 оказывается несколько хуже, чем для алгоритма 1.1; это объясняется влиянием ошибок в оценивании средней мощности отраженного сигнала в угловых направлениях, отличных от направления на источник сигнала, в результате чего значения второй производной функции правдоподобия в точке максимума уменьшается;

наибольшая точность пеленгования достигается для нефлуктуирующего сигнала и, далее, для быстро флуктуирующего сигнала; наихудшая точность пеленгования имеет место когда интервал корреляции флуктуаций отраженного сигнала сравним с длительностью пачки; если на длительность пачки укладывается несколько интервалов корреляции флуктуаций отраженного сигнала, проявляется эффект усреднения флуктуаций и ошибки пеленгования уменьшаются;

для всех видов флуктуаций ОС обоснованные алгоритмы обеспечивают эффект «сверхразрешения» ОС и мощной помехи при угловом расстоянии между ними существенно меньше, чем ширина ГЛ ДН основной антенны.

Заключение. Обоснованные алгоритмы оценивания пеленга цели в обзорной РЛС для типовых видов ОС могут быть эффективно использованы в том числе, при различиях угловых положений полезного сигнала и источников помех существенно меньших, чем разрешающая способность РЛС по угловым координатам.

## СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ:

1. Григорян Д. С., Торбин С. А., Герасимов В. В. Защита моноимпульсного радиопеленгатора от активной шумовой помехи, действующей по основным лепесткам диаграмм направленности // Вестник Концерна ПВО «Алмаз-Антей», 2014, № 2. – С. 103–112.

2. Чижов А. А. Сверхразрешение радиолокационных целей при воздействии активных шумовых помех по основному и ближним боковым лепесткам диаграммы направленности антенны РЛС // Информационно-управляющие системы, № 1, 2016. – С. 88–92.

3. Монзинго Р. А., Миллер Т. У. Адаптивные антенные решетки. М.: Радио и связь, 1986. – 448 с.

4. Ширман Я. Д., Манжос В. Н. Теория и техника обработки радиолокационной информации на фоне помех. М.: Радио и связь, 1981. – 416 с.

5. Тихонов В. И. Статистическая радиотехника. М.: Сов. радио, 1966. – 680 с.