2015 № 4 (90)

УДК 539.216:546.824-31

### ЗОННАЯ СТРУКТУРА 3D И 2D РАЗМЕРНОГО Ca2Si

# В.О. БОГОРОДЬ, В.Л. ШАПОШНИКОВ, А.Б. ФИЛОНОВ, Б.С. КОЛОСНИЦЫН, Д.Б. МИГАС

Белорусский государственный университет информатики и радиоэлектроники П. Бровки, 6, Минск, 220013, Беларусь

Поступила в редакцию 18 декабря 2014

Представлены результаты теоретического исследования зонных структур объемного  $Ca_2Si$  и тонких пленок на его основе с поверхностями (001), (010), (100). Установлено, что объемный  $Ca_2Si$  и тонкие пленки  $Ca_2Si(010)$  и (100) являются прямозонными полупроводниками, а поверхностные состояния приводят к металлическим свойствам тонких пленок  $Ca_2Si(001)$ .

Ключевые слова: тонкие пленки, силицид кальция, зонная структура.

#### Введение

Силициды хорошо совместимы с традиционной кремниевой технологией и широко используются в современно микро- и наноэлектронике [1]. Большинство из них являются металлами, но существуют и полупроводниковые силициды [2], которые имеют привлекательные свойства для применения в термоэлектронных [3] и оптоэлектронных [4] приборах. Недавно значительное внимание привлекли полупроводниковые силициды щелочноземельных металлов, а именно  $Mg_2Si$ ,  $Ca_2Si$  и  $BaSi_2$ . Компоненты этих соединений достаточно широко распространены в земной коре. Более того, эти силициды оказались безвредными для окружающей среды.

Известно, что Ca<sub>2</sub>Si кристаллизуется в простой орторомбической структуре (с пространственной группой *Pnma*) [5], имеющей параметры решетки, которые приведены в таблице. Элементарная ячейка Ca<sub>2</sub>Si, изображенная на рис. 1, включает в себя четыре формульные единицы, где все атомы сгруппированы в три равных набора химически неэквивалентных позиций. Установлено, что каждый атом кремния окружен трехгранными призмами, сформированными атомами кальция [6].

Экспериментальные параметры решетки Ca<sub>2</sub>Si

Параметр	a (Å)	b (Å)	c (Å)
Эксперимент	7,667	4,799	9,002
Теория	7,615	4,820	9,051

По результатам теоретических исследований зонной структуры, проведенных с учетом многочастичного взаимодействия в рамках GW-приближения, выявлено, что Ca<sub>2</sub>Si является прямозонным полупроводником с шириной запрещенной зоны 1,02 эВ [7]. Первый прямой переход расположен в точке Г простой орторомбической зоны Бриллюэна. Это же значение ширины запрещенной зоны (1,02 эВ) получено в результате исследования температурной зависимости Холовской подвижности носителей заряда в случае тонких пленок Ca<sub>2</sub>Si [8]. Следует отметить, что практически аналогичная дисперсия энергетических зон вблизи запрещенной зоны была обнаружена в другой теоретической работе [9], где использовался первопринципный метод псевдопотенциалов в приближении локальной плотности, хотя значение ширины запрещенной зоны оказалось равным 0,31 эВ. Подобное занижение ширины запрещенной зоны типично для методов, использующих приближение локальной плотности. В

данной работе будет исследовано влияние различных потенциалов (модифицированного обменного потенциала Беке-Джонсона и гибридного функционала YS-PBE0) на дисперсию и ширину запрещенной зоны объемного  $Ca_2Si$ , а также будут рассмотрены возможные понижения изменения электронных свойств этого силицида в случае понижения размерности с 3D до 2D, т.е. от объемного материала до тонких пленок.

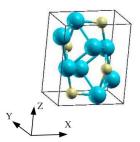


Рис. 1. Элементарная ячейка Ca<sub>2</sub>Si: сферы большего размера отображают атомы кальция, а меньшего размера – атомы кремния

## Детали расчета и структурные модели

Моделирование структурных и электронных свойств объемного Ca<sub>2</sub>Si и тонких пленок на его основе проводилось с помощью метода псевдопотенциалов (код VASP) [10]. В качестве обменного и корреляционного потенциалов использовалось обобщенное градиентное приближение Пердю-Берке-Ернценхоф [11]. Минимизация полной энергии осуществлялась через оптимизацию параметров решетки и релаксацию атомных позиций. Структурная оптимизация была остановлена, когда силы, действующие на атомы, были меньшими, чем 0,01 эВ/А. Сходимость по полной энергии была лучше, чем 1 мэВ на формульную единицу, при  $9 \times 13 \times 7$  набора k-точек в неприводимой части зоны Оптимизированные параметры решетки оказались очень близки к экспериментальным значениям, которые представлены в табл. 1. Для расчета зонной структуры объемного Ca<sub>2</sub>Si также был применен метод линеаризированных присоединенных плоских волн с полным потенциалом (код WIEN2k) [12], где использовалась кристаллическая структура Ca<sub>2</sub>Si, полностью оптимизированная с помощью метода псевдопотенциалов. Наряду с обобщенным градиентным приближением Пердю-Берке-Ернценхоф использовались модифицированный обменный потенциал Беке-Джонсона [13] и гибридный функционал YS-PBE0 [14]. Параметр, который контролировал сходимость  $R_{\rm MT}K_{\rm max}$ , был равен 8, а разложение волновых функций по решеточным гармоникам для парциальных волн, используемых внутри атомных сфер, проводилось до l=10. Процедура самосогласования выполнялась на 45 k-точках, равномерно расположенных в неприводимой части зоны Бриллюэна.

Пленки  $Ca_2Si$  рассматривали как периодически расположенные 2D структуры (тонкие пленки), отделенные между собой слоем вакуума толщиной 9 Å, и имеющие две одинаковые поверхности. Установлено, что этой толщины вакуума было достаточно для исключения взаимодействия между соседними пленками. Были рассмотрены пленки с поверхностями (100), (010), (001) и толщиной около 3,5 нм, которые получены при увеличении соответственно в четыре, в восемь и в пять раз параметров решетки a, b или c (рис. 2).

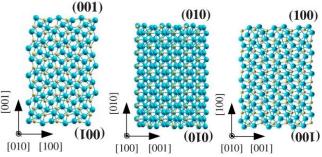


Рис. 2. Вид сбоку тонких пленок  $Ca_2Si$  с поверхностями (001), (010) и (100), имеющих толщину соответственно 3,5 нм, 3,7 нм и 3,7 нм, после оптимизации. Сферы большего размера изображают атомы кальция, меньшего — кремния. Поверхности и кристаллографические направления обозначены

# Электронные свойства объемного Ca<sub>2</sub>Si и тонких пленок Ca<sub>2</sub>Si

Полученная зонная структура в рамках обобщенного градиентного приближения показана на рис. 3, a. Очевидно, что  $Ca_2Si$  является прямозонным полупроводником, поскольку максимум валентной зоны и минимум зоны проводимости расположены в точке  $\Gamma$ . Установлено, что Ca-d состояния и Si-p состояния вносят свой вклад в максимум валентной зоны, в то время как Ca-s, Ca-d и Si-d состояния доминируют в минимуме зоны проводимости. Ширина запрещенной зоны 0,31 эВ оказалась очень близка к ранее полученным результатам [15], где использовалось обобщенное градиентное приближение, и значительно недооценена по сравнению с экспериментальным значением (1,02 эВ [6]), и теоретически полученному (1,02 эВ) с учетом многочастичного взаимодействия в рамках GW-приближения [10]. Применение обменного потенциала Беке-Джонсона позволило увеличить оценку ширины запрещенной зоны до 0,60 эВ (см. рис. 3,6), тогда как использование гибридного функционала привело к значениям ширины запрещенной зоны 0,79 эВ (см. рис. 3,6). Следует отметить, что дисперсия зон вблизи запрещенной зоны для различных потенциалов одинакова.

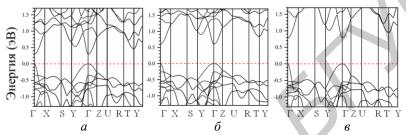


Рис. 3. Зонная структура объемного  $Ca_2Si$  в рамках обобщенного приближения градиента Пердю-Берке-Ернценхоф (a), учетом потенциала обмена Беке-Джонсона ( $\delta$ ), с учетом гибридного функционала ( $\epsilon$ )

На рис. 4 представлены энергетические зонные диаграммы пленок с различными поверхностями, полученные в результате вычислений методом псевдопотенциалов с использованием обобщенного градиентного приближения. Отметим, что пленку Ca<sub>2</sub>Si с поверхностью (001) можно рассматривать как металл, так как уровень Ферми пересекает несколько зон, которые сформированы Са-р, Са-д и Si-р состояниями атомов, расположенных на и у поверхности пленки. В то же время пленки Ca<sub>2</sub>Si(100) и (010) являются полупроводниками, с шириной запрещенной зоны около 0,48 эВ. Полученное значение ширины запрещенной зоны (0,31 эВ) оказалось больше чем для объема из-за влияния эффектов квантового ограничения. Для Ca<sub>2</sub>Si(010) максимум валентной зоны определен Ca-d и Si-p состояниями атомов, расположенных во внутренней области пленки, в то время как Ca-s и Ca-dсостояния атомов, равномерно распределенных по всей толщине пленки, характеризуют минимум зоны проводимости. В случае с Са2Si(100) в максимум валентной зоны вносят свой вклад Са-р, Са-d и Si-р состояния атомов, которые находятся у поверхности пленки, и только Са-я и Са-д состояния атомов, расположенных во внутренней области пленки определяют минимум зоны проводимости. Легко заметить, что дисперсия верхних по энергии валентных зон и нижних по энергии зон проводимости у тонких пленок Са<sub>2</sub>Si(010) и (100) подобна дисперсии соответствующих зон для объемного материала.

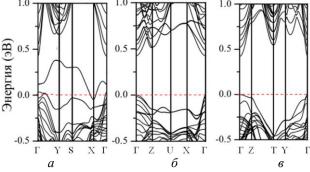


Рис. 4. Зонная структура пленок Ca<sub>2</sub>Si с поверхностями a - (001),  $\delta - (010)$ ,  $\epsilon - (100)$ : ноль на шкале энергии соответствует максимуму валентной зоны для пленок Ca<sub>2</sub>Si(010) и (100), в то время как для Ca<sub>2</sub>Si(001) отображает положение уровня Ферми

#### Заключение

По результатам вычислений показано хорошее согласие с предыдущими теоретическими расчетами дисперсии энергетических зон объемного  $Ca_2Si$ , и подтверждено, что этот силицид является прямозонным полупроводником. Мы также установили, что применение обменного потенциала Беке-Джонсона и гибридного функционала улучшает оценку значения ширины запрещенной зоны  $(0,60\,$  эВ и  $0,79\,$  эВ соответственно), однако очевидна ее недооценка по сравнению с экспериментальными данными  $(1,02\,$  эВ) и с результатами расчетов  $(1,02\,$  эВ), где проводился учет многочастичного взаимодействия в рамках GW-приближения. Поверхностные состояния могут приводить к появлению металлических свойств у тонких пленок  $Ca_2Si(001)$ , в то время как тонкие пленки  $Ca_2Si(010)$  и (100) обладают полупроводниковыми свойствами и прямозонным характером запрещенной зоны.

# BANDS STRUCTURE OF 3D AND 2D Ca2Si

V.O. BOGORODZ, V.L. SHAPOSHNIKOV, A.B. FILONOV, B.S. KOLOSNICIN, D.B. MIGAS

#### Abstract

The results of theoretical research of band structures of  $Ca_2Si$  bulk and  $Ca_2Si$  thin films with surfaces (001), (010), (100) are presented. It's found that  $Ca_2Si$  bulk and thin film  $Ca_2Si(010)$  and (100) are direct bandgap semiconductors while  $Ca_2Si(001)$  thin films show the metallic properties because of surface's states.

### Список литературы

- 1. Maex K., Van Rossum M. // Properties of metal silicides. 1995. P. 335.
- 2. Borisenko V.E. // Semiconducting silicides. 2000. P 348.
- 3. *Heinrich A.* // Semiconducting silicides thermoelectric properties and applications. 2000. P. 126–137.
- 4. Leong D.N. // Nature. 1997. Vol. 387, № 6634. P. 686–688.
- 5. *Eckerlin P.*, *Wolfel E.* // Anorg. Chem. 1955. Vol. 280, № 5–6. P. 321–331.
- 6. Ganguli A.K., Guloy A. M., Corbett J. D. // Solid State Chem. 2000. Vol. 152. P. 474.
- 7. Lebegue S., Arnaud B., Alouani M. // Phys. Rev. B. 2005. Vol. 72. P. 085103.
- 8. Dotsenko S.A. // Physics Procedia. 2011. Vol. 11. P. 95.
- 9. *Migas D.B.* // Phys. Rev. B. 2003. Vol. 67, № 20. P. 205203 (7).
- 10. Kresse G., Furthmuller J. // Phys. Rev. B. 1996. Vol. 54, № 16. P. 11169–11186.
- 11. Perdew J.P., Burke S., Ernzerhof M. // Phys. Rev. Lett. 1996. Vol. 77. P. 3865.
- 12. Blaha P., Schwarz K., Madsen G.K.H. et. al. WIEN2k, An Augmented Plane WaVe + Local Orbitals Program for Calculating Crystal Properties. Austria, 2001.
- 13. Tran F., Blaha P. // Phys. Rev. Lett. 2009. Vol. 102. P. 226401.
- 14. Tran F., Blaha P. // Phys. Rev. B. 2011. Vol. 83. P. 235118.
- 15. Wen C., Nonomura T., Kato A. et. al. // Physics Procedia. 2011. Vol. 11. P. 106.