

УДК 004.056:061.068

## ЛАВИННЫЙ ЭФФЕКТ В АЛГОРИТМАХ ШИФРОВАНИЯ НА ОСНОВЕ ДИСКРЕТНЫХ ХАОТИЧЕСКИХ ОТОБРАЖЕНИЙ

К.С. МУЛЯРЧИК

Белорусский государственный университет  
Независимости, 4, Минск, 220030, Беларусь

Поступила в редакцию 28 июня 2013

Проведено исследование лавинного эффекта в разрабатываемом алгоритме шифрования на основе дискретных хаотических отображений. Лавинный эффект проанализирован в дискретном тент-отображении, а также в базовом преобразовании на основе сети Фейстеля, где нелинейной функцией явилось указанное отображение. В каждом случае выполнен анализ пары «входное значение – выходное значение» и пары «управляющий параметр – выходное значение». Установлено, что при определенных условиях алгоритм шифрования удовлетворяет требованиям лавинного критерия для обеспечения стойкости к дифференциальному криптоанализу.

*Ключевые слова:* алгоритмы шифрования, динамический хаос, криптостойкость, лавинный эффект.

### Введение

Интенсивное развитие информационных технологий и их проникновение во все сферы человеческой деятельности поднимает на новый уровень вопросы защиты информации. Очевидной является потребность в разработке новых алгоритмов шифрования, совместимых с передовыми технологиями типа «облачных вычислений» и одновременно обеспечивающих высокую производительность и криптографическую стойкость. Актуальным на сегодняшний день направлением в современной криптографии является разработка алгоритмов шифрования на основе динамического хаоса. Принципиальная схожесть фундаментальных свойств динамического хаоса и криптографии, среди которых можно выделить чувствительность к начальным условиям и подобно случайному поведение траекторий в фазовом пространстве динамических систем, привлекает большое внимание исследователей к этому направлению [1, 2].

При разработке алгоритмов шифрования обязательным является проведение их анализа на стойкость к различным видам криптоатак. Так, анализ криптостойкости алгоритмов шифрования на основе динамического хаоса может проводиться с применением как стандартных, так и специализированных методов [1, 3]. Одними из наиболее распространенных в настоящее время стандартных методов являются атаки на основе линейного и дифференциального криптоанализа [4]. Суть последнего состоит в отслеживании изменения разности между значениями выходных бит (в зашифрованных данных) в зависимости от изменения входных бит (в исходных данных) на различных раундах базового преобразования. Необходимым условием обеспечения стойкости алгоритма шифрования к дифференциальному криптоанализу является наличие лавинного эффекта в базовом преобразовании.

## Теоретический анализ

Лавинный эффект в преобразовании проявляется в значительном – «лавинном» – изменении бит в выходном значении преобразования при малом изменении бит во входном значении преобразования по сравнению с исходным значением. Хорошие диффузионные свойства алгоритма шифрования являются следствием, в том числе, лавинного эффекта.

Выделяют следующие критерии, основанные на лавинном эффекте [5]:

– лавинный критерий – требует изменения в среднем половины бит в выходном (зашифрованном) значении при изменении каждого отдельно взятого бита во входном (исходном) значении;

– строгий лавинный критерий – требует изменения с вероятностью 0,5 каждого отдельно взятого бита в выходном значении при изменении каждого отдельно взятого бита во входном значении.

## Методика

Для характеристики степени лавинного эффекта в преобразовании определены и использованы лавинные параметры – численные значения отклонения вероятности изменения бит в выходном значении при изменении бит во входной последовательности от требуемого значения вероятности, равной 0,5 [5].

Для лавинного критерия значение лавинного параметра ( $\varepsilon_{A_i}$ ) определяется выражением  $\varepsilon_{A_i} = |2k_{AVAL}(i) - 1|$ , где  $i$  – номер изменяемого бита во входном значении,  $k_{AVAL}(i)$  – вероятность изменения половины бит в выходном значении при изменении  $i$ -го бита во входном значении по сравнению с выходным значением при исходном (неизменном) входном значении.

Для строгого лавинного критерия значение лавинного параметра ( $\varepsilon_{S_{i,j}}$ ) определяется выражением  $\varepsilon_{S_{i,j}} = |2k_{SAC}(i, j) - 1|$ , где  $i$  – номер изменяемого бита во входном значении,  $j$  – номер анализируемого бита в выходном значении,  $k_{SAC}(i, j)$  – вероятность изменения  $j$ -го бита в выходном значении при изменении  $i$ -го бита во входном значении по сравнению с выходным значением при неизменном входном значении.

Диапазон изменения указанных лавинных параметров лежит в промежутке от 0 до 1 включительно. При этом, чем меньше значение лавинного параметра, тем сильнее лавинный эффект в преобразовании.

В данной статье проанализирован лавинный эффект, наблюдающийся в дискретном тент-отображении и базовом преобразовании на основе сети Фейстеля, где в качестве нелинейной функции использовано указанное отображение.

Необходимо отметить, что результат работы (выходное значение) как дискретного хаотического отображения, так и базового преобразования зависит не только от входного значения, но и некоторого вспомогательного значения – управляющего параметра. В случае базового преобразования таким управляющим параметром является раундовый ключ, генерируемый из ключа шифрования. Следовательно, как для дискретного отображения, так и для базового преобразования, анализ лавинного эффекта выполнен:

– для пары «входное значение–выходное значение» (анализируется, как изменение входного значения влияет на изменение выходного значения преобразования при некотором фиксированном значении управляющего параметра);

– для пары «управляющий параметр–выходное значение» (анализируется, как изменение управляющего параметра влияет на изменение выходного значения преобразования при некотором фиксированном входном значении).

## Экспериментальная часть

Схема основного шага разрабатываемого алгоритма шифрования представлена на рисунке 1. В качестве базового преобразования используется сеть Фейстеля, а в качестве нелинейной функции в сети Фейстеля используется дискретное хаотическое отображение.

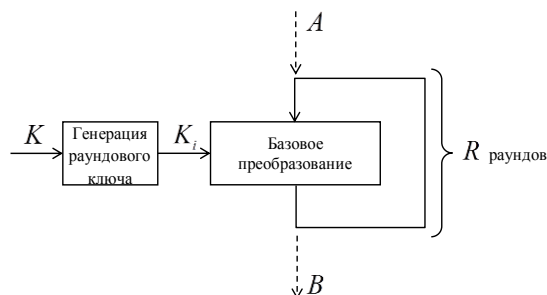


Рис. 1. Основной шаг алгоритма шифрования. На рисунке:  $A$  – значение открытого текста,  $B$  – значение шифртекста,  $K$  – ключ шифрования,  $K_i$  – раундовый ключ,  $R$  – количество раундов применения базового преобразования

В данной статье рассматривается анализ лавинного эффекта при использовании дискретного тент-отображения. Данное отображение на целочисленном множестве  $S = \{0, 1, \dots, M - 1\}$  мощности  $M = 2^n$  ( $n$  – количество бит) задается выражением

$$F(X) = \begin{cases} \left\lfloor \frac{M}{A} X \right\rfloor, & 0 \leq X \leq A, \\ \left\lfloor \frac{M}{M-A} (M - X) \right\rfloor + 1, & A < X \leq M - 1 \end{cases},$$

где  $X$  – входное значение,  $A$  – управляющий параметр.

## Результаты и их обсуждение

На рис. 2 представлены графики зависимости максимального значения лавинного параметра ( $\epsilon_{A_i}$ ) по всем входным битам в зависимости от значения управляющего параметра  $A$  (рис. 2, *а*) и входного значения  $X$  (рис. 2, *б*) дискретного тент-отображения. Здесь и далее мощность множества, на котором определено отображение, составляет 8 бит, если иное не указано явно.

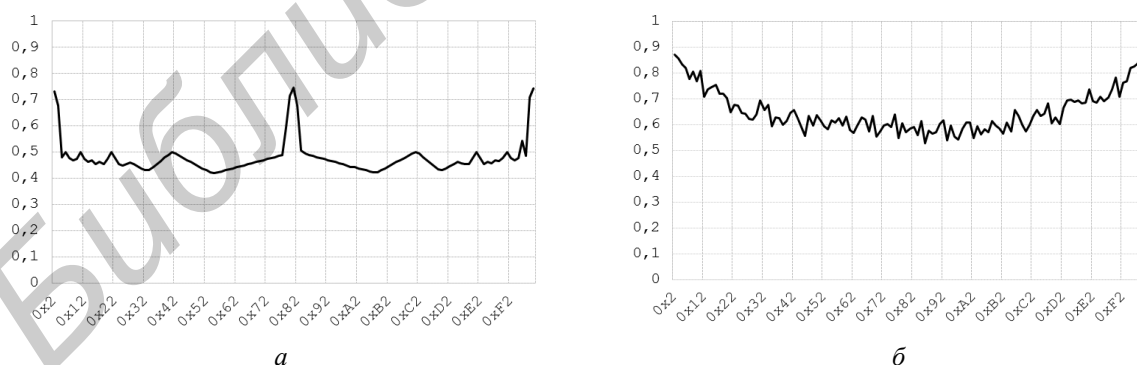


Рис. 2. Зависимость максимального значения лавинного параметра  $\epsilon_{A_i}$  (ось  $Y$ ) от управляющего параметра (ось  $X$ , рис. 2, *а*) и входного значения (ось  $X$ , рис. 2, *б*) для дискретного тент-отображения

На рис. 3 представлены графики зависимости максимального значения строгого лавинного параметра ( $\epsilon_{S_{i,j}}$ ) по всем номерам входных и выходных бит в зависимости от значения управляющего параметра  $A$  (рис. 3, *а*) и входного значения  $X$  (рис. 3, *б*) дискретного тент-отображения.

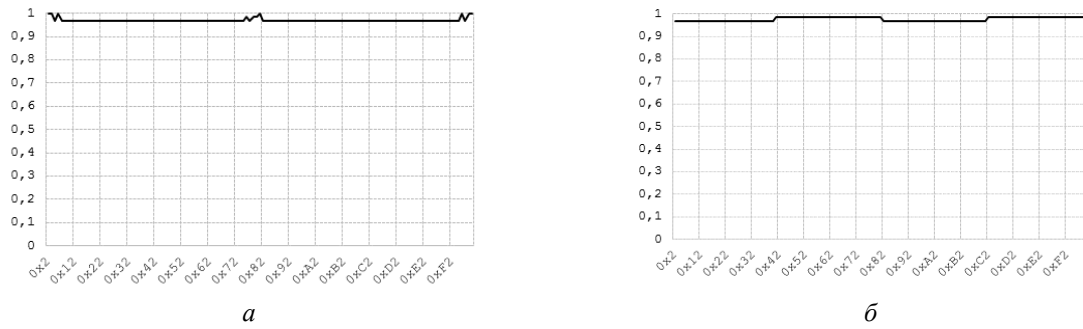


Рис. 3. Зависимость максимального значения строгого лавинного параметра  $\varepsilon_{S_{i,j}}$  (ось  $Y$ ) от управляющего параметра (ось  $X$ , рис. 3, *a*) и входного значения (ось  $X$ , рис. 3, *б*) для дискретного тент-отображения

Проанализировав данные графики можно видеть, что минимальное значение лавинного параметра не опускается ниже значения 0,4, а минимальное значение строгого лавинного параметра не опускается ниже значения 0,9 для любых входных значений или управляющих параметров диапазона, соответствующего указанной мощности множества. На основании этого можно заключить, что дискретное тент-отображение в целом обладает слабыми лавинными свойствами.

На следующем этапе проведено более детальное исследование лавинного эффекта, поскольку функция выбора максимального значения «скрывает» все детали поведения тент-отображения. Так, на рис. 4 представлены зависимости значения лавинного параметра ( $\varepsilon_{A_i}$ ) от номера входного бита при фиксированном значении управляющего параметра  $A = 0 \times 52$  (рис. 4, *a*) и фиксированном входном значении  $X = 0 \times 52$  (рис. 4, *б*). На рис. 5 представлены зависимости значений строгого лавинного параметра ( $\varepsilon_{S_{i,j}}$ ) для разных номеров выходных бит от номера входного бита при указанных выше фиксированных значениях.

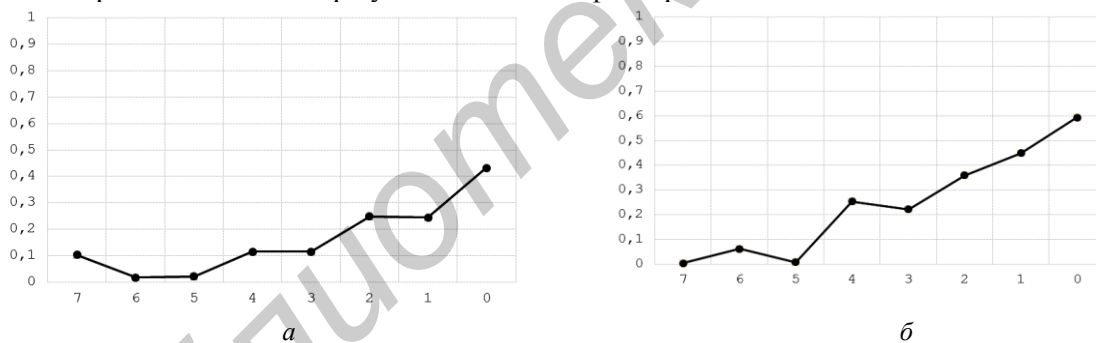


Рис. 4. Зависимости значения лавинного параметра (ось  $Y$ ) от номера входного бита (ось  $X$ ) для управляющего параметра  $A = 0 \times 52$  (рис.4, *a*) и входного значения  $X = 0 \times 52$  (рис.4, *б*) дискретного тент-отображения

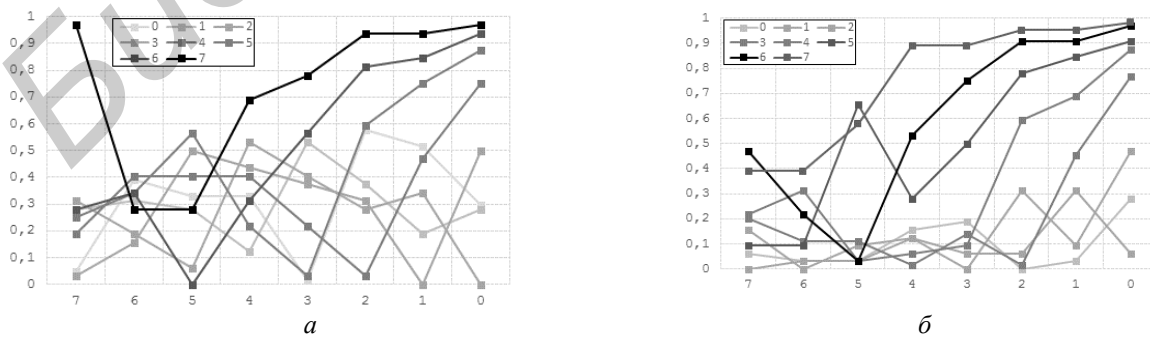


Рис. 5. Зависимости значения строгого лавинного параметра (ось  $Y$ ) от номера входного бита (ось  $X$ ) для управляющего параметра  $A = 0 \times 52$  (рис.5, *a*) и входного значения  $X = 0 \times 52$  (рис.5, *б*) для разных номеров выходных бит дискретного тент-отображения

На представленных на графиках зависимостях заметно уменьшение значения лавинного параметра и строго лавинного параметра при увеличении номера изменяемого бита во входном значении. Таким образом, в тент-отображении более сильный лавинный эффект наблюдается при изменении старших входных бит (биты 5–8), чем при изменении младших бит (биты 1–4).

На основании анализа данного типа зависимостей обуславливается выбор в алгоритме шифрования при использовании в нем данного дискретного хаотического отображения вида базового преобразования и схемы генерации раундовых ключей, обеспечивающих наиболее сильный лавинный эффект. А именно, анализ характера лавинного эффекта в паре «входное значение – выходное значение» дискретного хаотического отображения определяет выбор вида базового преобразования, а в паре «управляющий параметр – выходное значение» – выбор схемы генерации раундовых ключей.

В случае с дискретным тент-отображением установлено, что подходящим видом базового преобразования является сеть Фейстеля. Далее приведен анализ лавинного эффекта в базовом преобразовании на основе сети Фейстеля, где в качестве нелинейной функции использовано дискретное тент-отображение.

В силу особенностей структуры сети Фейстеля можно выделить два варианта для сравнения лавинного эффекта в дискретном тент-отображении и при его использовании в качестве нелинейной функции в базовом преобразовании. Так, отображение на множестве мощности 8 бит можно сравнить с:

– базовым преобразованием на множестве мощности 8 бит, при этом само отображение определено на множестве 4 бит – в этом случае сохраняется множество на котором сравниваются два преобразования;

– базовым преобразованием на множестве мощности 16 бит, при этом само отображение определено на множестве 8 бит – в этом случае сохраняется множество, на котором определено исходное отображение и используемое в базовом преобразовании.

На рис. 6 представлены графики зависимости максимального значения лавинного параметра ( $\epsilon_A$ ) по всем входным битам в зависимости от значения управляющего параметра (рис. 6, а) и входного значения (рис. 6, б) базового преобразования и исходного тент-отображения. Процедура генерации раундового ключа в данном случае заключалась в применении исходного ключа шифрования на каждом раунде. Количество раундов базового преобразования равняется 10.

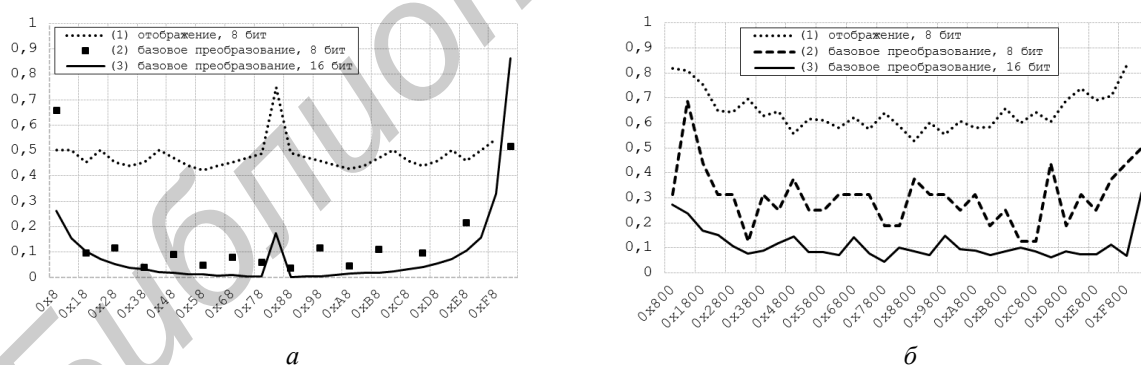


Рис. 6. Зависимость максимального значения лавинного параметра (ось  $Y$ ) от управляющего параметра (ось  $X$ , рис. 6, а) и входного значения (ось  $X$ , рис. 6, б) исходного тент-отображения на множестве мощности 8 бит (кривая 1, точки), базового преобразования на множестве мощности 8 бит (кривая 2, квадрат/пунктир), базового преобразования на множестве мощности 16 бит (кривая 3, сплошная)

Из данных графических зависимостей следует, что в базовом преобразовании на основе сети Фейстеля с дискретным тент-отображением в определенных диапазонах значений управляющего параметра и входного значения наблюдается более сильный лавинный эффект, чем в исходном отображении. Так, в диапазоне значений управляющего параметра  $0 \times 18 - 0 \times 78$  и  $0 \times 88 - 0 \times E8$  соответствующие значения лавинного параметра ( $\epsilon_A$ ) для базового преобразования заключены в интервале  $0 - 0,1$ , а для исходного отображения – в интервале  $0,4 - 0,5$ . Меньшее значение лавинного параметра свидетельствует о более сильном лавинном

эффекте. В диапазоне входных значений  $0 \times 2800 - 0 \times F800$  соответствующие значения лавинного параметра ( $\epsilon_A$ ) для базового преобразования заключены в интервале 0,05–0,15, а для исходного отображения – в интервале 0,5–0,75.

Таким образом, в указанных диапазонах входных значений и значений управляющего параметра можно говорить об удовлетворении базовым преобразованием на основе сети Фейстеля и дискретного тент-отображения требованиям лавинного критерия для обеспечения стойкости к дифференциальному криптоанализу.

### **Заключение**

Проведен анализ лавинного эффекта в дискретном тент-отображении и базовом преобразовании на основе сети Фейстеля, где нелинейной функцией является указанное отображение. Выбор сети Фейстеля в качестве вида базового преобразования при использовании в нем дискретного тент-отображения обоснован неравномерной зависимостью лавинного параметра от номера бита во входном значении отображения. В определенных диапазонах входных значений и значений управляющего параметра базовое преобразование на основе сети Фейстеля и дискретного тент-отображения удовлетворяет требованиям лавинного критерия для обеспечения стойкости к дифференциальному криптоанализу.

## **THE AVALANCHE EFFECT IN ENCRYPTION ALGORITHMS BASED ON THE DISCRETE CHAOTIC MAPS**

K.S. MULYARCHIK

### **Abstract**

The avalanche effect has been investigated in an encryption algorithm being developed on the basis of the discrete chaotic maps. The avalanche effect has been analyzed in a discrete tent map and in the basic transformation based on the Feistel network with the use of the indicated map as a nonlinear function. In both cases, the analysis has been conducted in pairs “input value – output value” and “control parameter – output value”. It has been stated that under certain conditions the developed encryption algorithm meets the requirements of the avalanche

### **Список литературы**

1. *Sidorenko A.V., Mulyarchik K.S.* // Nonlinear Phenomena in Complex Systems. 2012. Vol. 16, № 1. P. 33–41.
2. *Сидоренко А.В., Мулярчик К.С.* // Тез. докл. X Бел.-росс. НТК «Технические средства защиты информации». Минск, 29–30 мая 2012 г. С. 50.
3. *Heys H.M.* // Cryptologia. 2002. Т. 26, № 3. С. 189–221.
4. *Kocarev L.* // Circuits and Systems Magazine, IEEE. 2001. Т. 1, № 3. С. 6–21.
5. *Vergili I., Yücel M. D.* // Turk J Elec Engin. 2001. Т. 9, №. 2. С. 137–145.