УДК 621.396.677

# ПРИБЛИЖЕННАЯ РЕАЛИЗАЦИЯ ДИАГРАММЫ НАПРАВЛЕННОСТИ ТИПА «КОСЕКАНС» В ЛИНЕЙНОЙ АНТЕННОЙ РЕШЕТКЕ С ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНЫМ ВОЗБУЖДЕНИЕМ

# В.В. КИЗИМЕНКО, О.А. ЮРЦЕВ

### Белорусский государственный университет информатики и радиоэлектроники П.Бровки, 6, Минск, 220013, Беларусь

## Поступила в редакцию 17 мая 2012 года

Рассматривается приближенное амплитудно-фазовое распределение возбуждения излучателей (АФР) в линейной решетке, при котором диаграмма направленности (ДН) в заданном угловом секторе близка к диаграмме направленности типа «Косеканс» (далее косекансная ДН). Исследуется влияние приближений амплитудно-фазового распределения к синтезированному на диаграмму направленности и способ его реализации в линейной решетке с последовательным возбуждением.

*Ключевые слова:* линейная антенная решетка, диаграмма направленности типа «Косеканс», приближенная реализация.

### Введение

Косекансная ДН используется в обзорных радиолокаторах и формируется в вертикальной плоскости. Реализация косекансной ДН в антенных решетках связана с необходимостью возбуждения излучателей с весьма сложным фазовым распределением. Это, в свою очередь, усложняет систему распределения мощности в решетке с аналоговым формированием ДН. Если в плоских антенных решетках с электронным сканированием цифровое формирование ДН производится только в горизонтальной плоскости, в вертикальной плоскости используется аналоговое формирование ДН с помощью высокочастотной системы распределения мощности. В этом случае формирование косекансной ДН в вертикальной плоскости требует возбуждения излучателей в этой плоскости со сложным фазовым распределением. Далее рассматриваются варианты упрощения фазового распределения и способа его реализации, обеспечивающие формирование ДН, близкой по форме к косекансной.

#### Методика теоретического анализа

Решение задачи синтеза амплитудно-фазового распределения (АФР) возбуждения излучателей линейной решетки, формирующей косекансную ДН, т.е. описываемую формулой

$$F_1(z) = \frac{1}{\sin\theta},\tag{1}$$

возможно только приближенно [1]. В выражении (1) θ – угол, отсчитываемый от нормали к решетке (угол наблюдения). При решении этой задачи задается значение θ<sub>min</sub> – минимальная граница интервала углов наблюдения, в котором необходимо получить ДН, близкую к косе-кансной. В результате решения задачи синтеза определяется АФР, реализующее ДН типа

$$F_1(\theta) = \frac{\sin \theta_{\min}}{\sin \theta} \operatorname{прu} \theta \ge \theta_{\min}$$
(2)

2012

Вид ДН при θ < θ<sub>min</sub> зависит от выбора некоторых вспомогательных коэффициентов. Далее при численном решении задачи синтеза использованы формулы работы [1], приближенно реализующие косекансную ДН методом парциальных ДН.

В результате решения задачи синтеза определяется ДН, близкая к заданной – R(z):

$$R(z) = z_0 \frac{p^z}{z} \operatorname{прu} z > z_0,$$
(3)

R(z) = 0 при z < 0,

$$z = \frac{L}{\lambda} \sin \theta , \qquad (5)$$

где L – длина линейной решетки,  $\lambda$  – длина волны, p < 1.

Синтезированная диаграмма направленности описывается формулой:

$$R_{1}(z) = z_{0} \sum_{m=1}^{M_{1}} \frac{p^{m}}{m} \cdot \frac{\sin[\pi(z-m)]}{\pi(z-m)} + A_{0} \frac{\sin(\pi z)}{\pi z}.$$
(6)

В выражениях (3) и (6) p – коэффициент, улучшающий сходимость ряда в (5);  $A_0 < 1$  – коэффициент, уменьшающий различие ДН R(z) и  $R_1(z)$  при нецелых значениях z.

Синтезированное амплитудное распределение (A(y)) и фазовое распределение  $\Psi(y)$  возбуждения излучателей линейной решетки описываются выражениями:

$$A(y) = \sqrt{\left[A_0 - \frac{1}{2}z_0 \cdot \ln\left(1 - 2p\cos y + p^2\right)\right]^2 + \left(z_0 \arctan \frac{p\sin y}{1 - p\cos y}\right)^2},$$
(7)

$$\Psi(y) = \operatorname{arctg} \frac{z_0 \operatorname{arctg} \left( \frac{p \sin y}{1 - p \cos y} \right)}{A_0 - 0.5 z_0 \ln \left( 1 - 2p \cos y + p^2 \right)}.$$
(8)

В выражениях (7), (8):

$$y = 2\pi \frac{x_n}{L},\tag{9}$$

где *x<sub>n</sub>* – координата излучателя с номером «п» в линейной решетке:

$$x_n = D(n-1), \tag{10}$$

где *D* – расстояние между соседними излучателями в решетке.

Решетка с АФР вида (7), (8) имеет ДН, описываемую выражением (7). Если в АФР внести некоторые коррективы, упрощающие его, ДН необходимо рассчитывать с помощью общего выражения для ДН дискретной системы излучателей [2]:

$$R(\theta) = \sum_{n=1}^{N} A_n e^{i\Psi_n} e^{ikD(n-1)\sin\theta} , \qquad (11)$$

где N – число излучателей в решетке,  $A_n$ ,  $\Psi_n$  – амплитуда и фаза возбуждения излучателя с номером n.

(4)

## Численные результаты. Приближенные способы реализации диаграммы направленности типа «косеканс»

На рис. 1 показаны ДН решетки при рекомендуемом значении  $A_0 = 0,65$  [1]; p = 0,99 $\theta_{\min} = 1,5$  и двух значениях  $M_1$ - числе учитываемых членов ряда в выражении (6). Остальные исходные параметры:  $D/\lambda = 1$ ; N = 30. Как видно, величина  $M_1$  влияет на границу  $\theta_{\max}$ . При  $\theta < \theta_{\max}$  заданная и синтезированная ДН близки друг к другу. При  $M_1 = 30$   $\theta_{\max} = 90^\circ$ . На рис. 1 и последующих рисунках использованы обозначения:  $1/\sin \theta$ - заданная косекансная ДН, описываемая формулами (3)–(5), ДН - синтезированная диаграмма направленности, описываемая формулой (6). На графиках обозначены  $f(\theta)$  – ненормированная ДН,  $F_n(\theta)$ – нормированная ДН.



Рис.1. Диаграммы направленности при:  $M_1 = 5$  (*a*),  $M_1 = 20$  (б)

Расчеты показывают, что при изменении  $\theta_{\min}$  необходимо подбирать значение  $A_0$  по критерию близости заданной и синтезированной ДН. На рис.2 показаны ДН при  $A_0 = 0,65$  при двух значениях  $\theta_{\min}$ . Этот расчет и все последующие расчеты сделаны при  $M_1 = 30$ .



Степень близости заданной и синтезированной ДН зависит от числа излучателей в решетке *N*. На рис.3 показаны ДН при  $\theta_{\min} = 0,5^{\circ}$  при  $A_0 = 0,65$  для двух случаев: N = 15 и N = 50. Этот рисунок совместно с рис.4 иллюстрирует эту закономерность.



Рис.3. ДН при различном числе излучателей в решетке:  $N = 15(a); N = 50(\delta)$ 

Синтезированное АФР, особенно фазовое распределение, зависит от  $A_0$ ,  $\theta_{\min}$ , N, p. На рис.4 показаны нормированное амплитудное распределение ( $A_n$ ) и фазовое распределение ( $\Psi_n$  в градусах) в зависимости от номера п излучателя для  $\theta_{\min} = 1^\circ$  при  $A_0 = 0,65$ ; N = 30. На рис. 4 *в* и 4 *г* показана зависимость фазового распределения от  $\theta_{\min}$ .



Рис.4. Амплитудное (*a*) и фазовое (б) распределение и зависимость фазового распределения от номера излучателя при:  $\theta_{\min} = 0, 5^{\circ}(s); \ \theta_{\min} = 2^{\circ}(c)$ 

Характер АФР для получения косекансной ДН позволяет предложить упрощенный способ его реализации в линейной решетке с последовательным возбуждением. Такая решетка схематически показана на рис.5 и состоит из двух половин. Половины решетки возбуждаются со сдвигом по фазе  $\Delta \Psi$ .



Рис.5. Схема решетки с последовательным возбуждением

Если в пределах каждой половины расстояние между излучателями равно длине волны в питающей линии передачи ( $D = \lambda_v - длина$  волны в линии), все излучатели в каждой половине возбуждаются синфазно (точнее со сдвигом по фазе  $\varphi_0 = 2\pi \cdot D/\lambda_v = 2\pi$ ) Сдвиг по фазе возбуждения двух половин решетки равен  $\Delta \Psi = \pi \cdot \Delta L/\lambda_v$ , где  $\Delta L -$  смещение точки соединения входной линии передачи с линией питания излучателей от центра решетки. В такой схеме фазовое распределение возбуждения в решетке ступенчатое – рис. 6 *a*. При изменении частоты фазовое распределение становится линейным – рис. 6 *б*. На графиках из разности фаз между соседними излучателями вычтено значение 360°. Амплитудное распределение в решетке – спадающее к краям. Закон изменения амплитуды возбуждения излучателей в зависимости от номера «*n*» может быть сделан близким к показанному на рис. 4 *a*.



Рис.6. Упрощенные фазовые распределения возбуждения излучателей

Результаты численного моделирования такой решетки приведены ниже. При моделировании использовалось описанное фазовое распределение. В качестве амплитудного распределения использовалось синтезированное для получения косекансной ДН.

На рис.7 приведены ДН для решетки с параметрами  $D = \lambda_{\nu}$ ,  $\theta_{\min} = 1^{\circ}$  при  $A_0 = 0,3$ ; N=30 при различных  $\Delta \Psi = 70^{\circ}$ . Показано также фазовое распределение, соответствующее этому значению  $\Delta \Psi$ .



Рис.7. Диаграмма направленности (а) и упрощенное фазовое распределение (б)

Как видно, заданная ДН и синтезированная с упрощенным фазовым распределением близки друг к другу.

На рис.8 показаны ДН и фазовые распределения на частоте  $f_0$  – частоте, на которой выполняется условие  $D = \lambda_v$ , и на частотах  $f = 1,05f_0$  и  $f = 0,95f_0$ . На графиках фазового распределения из разности фаз между соседними излучателями ( $\varphi_0$ ) не вычтено значение 360° Так, на частоте  $f_0$  эта разность фаз равна 360° (рис. 4  $\delta$ ). На частоте  $f = 1,05f_0 \quad \varphi_0 > 360^\circ$  (рис. 4  $\epsilon$ ), на частоте  $f = 0,95f_0 \quad \varphi_0 < 360^\circ$  (рис. 4  $\epsilon$ ).



Рис.8. Диаграмма направленности и фазовое распределение возбуждения при:  $f = 0.95 f_0$  (*a*);  $f = f_0$  (*б*);  $f = 1.05 f_0$  (*s*)

Из приведенных результатов следует, что в области углов наблюдения  $\theta > \theta_{\min}$  диаграмма направленности при использовании упрощенного фазового распределения близка к косекансной в диапазоне частот, равно примерно 10%. Этот вывод сделан на основе результатов моделировании решетки с числом излучателей N = 30. При увеличении N полоса частот уменьшается. Полученные выводы проверены путем численного моделирования микрополосковой линейной решетки с последовательным питанием. В качестве материала использован фольгированный диэлектрик с диэлектрической проницаемостью  $\varepsilon = 3$  и толщиной подложки 1,52 мм. Топология решетки, созданная в программе AWR MWO-2009, показана на рис. 9. В решетке 20 излучателей. Расстояние между соседними излучателями D = 185 мм. На рис. 9 приведена зависимость коэффициента стоячей волны (*VSWR*) от частоты и ДН в диапазоне частот, рассчитанного в программе AWR MWO-2009.



Рис.9. Результаты моделирования решетки в программе *AWR MWO*-2009: *a* – коэффициент стоячей волны; *б* – диаграмма направленности на частоте 9450 МГц; *в* – диаграмма направленности на частоте 9600 МГц; *г* – диаграмма направленности на частоте 9750 МГц

## Заключение

Приведенные в статье результаты моделирования линейной решетки с последовательным возбуждением подтвердили возможность реализации приближенного способа формирования диаграммы направленности, близкой к косекансной.

# APPROXIMATE "COSECANT" ANTENNA PATTERN REALIZATION IN THE LINEAR ARRAY ANTENNA WITH SERIES EXCITATION

V.V. KIZIMENKO, O.A. YURTSEV

#### Abstract

The way of approximate "Cosecant" radiation pattern realization in the linear array with the series excitation is proposed and studied.

## Список литературы

1. Зелкин Е.Г. Построение излучающей системы по заданной диаграмме направленности. М. 1963.

2. Марков Г.Т. Антенны. М. 1960.