

## ПРИМЕРЫ РЕШЕНИЯ КОМПЛЕКСНЫХ ЗАДАЧ НАЧЕРТАТЕЛЬНОЙ ГЕОМЕТРИИ СПОСОБОМ ПЕРЕСЕЧЕНИЯ ГЕОМЕТРИЧЕСКИХ МЕСТ

*Карасева Е.В.*

*Брянский государственный технический университет,  
г. Брянск, Российская Федерация*

*Научный руководитель: Левая М.Н. – канд. техн. наук, доцент, доцент кафедры ТТС*

**Аннотация.** В данной работе рассмотрен общий алгоритм решения комплексных задач начертательной геометрии способом пересечения геометрических мест, а также приведены соответствующие примеры, позволяющие студентам наилучшим образом разобраться в особенностях данной дисциплины.

**Ключевые слова:** анализ решения, алгоритм, комплексные задачи

**Введение.** Начертательная геометрия является одной из основополагающих дисциплин для студентов технических направлений в специализированных высших учебных заведениях. Она считается теоретической основой построения чертежей в виде графических моделей конкретных машиностроительных объектов. Данная дисциплина способствует развитию пространственного, логического конструктивно-геометрического мышления и представления, позволяет развить способность к анализу и синтезу сложных форм. Основная задача начертательной геометрии представляет собой изучение визуально-образного геометрического языка и технологии его реализации.

В данной статье автором приводится алгоритм решения задач начертательной геометрии способом пересечения геометрических мест, позволяющий правильно выполнить поставленное задание. Далее показаны примеры, объясняющие последовательность, в соответствии с которой осуществляется решение приведенной задачи.

**Основная часть.** Многие комплексные задачи удобно решать способом пересечения геометрических мест (множеств).

Алгоритм решения этих задач состоит в следующем:

1. Требование задачи разделяют на отдельные части – отдельные искомые условия.
2. Выясняют, какие фигуры ( $\Phi$ ,  $\Phi'$ ,  $\Phi''$ , ...) являются геометрическим местом (множеством) точек или линий, отвечающих каждому отдельному условию общего требования задачи.
3. Строят на чертеже эти фигуры — геометрические места  $\Phi$ ,  $\Phi'$ ,  $\Phi''$ .
4. Находят результат пересечения геометрических мест  $\Phi$ ,  $\Phi'$ ,  $\Phi''$ :  $\alpha(A) = \Phi \cap \Phi' \cap \Phi'' \dots$ .  
Полученный результат  $\alpha(A)$  отвечает всем требованиям задачи и поэтому является искомым [1].

Пример 1. На прямой  $m$  найти точку  $K$ , равноудаленную от двух заданных точек  $A$  и  $B$  (Рисунок 1). Решение (Рисунок 2):

Задачу решаем способом пересечения геометрических множеств:

1. Искомая точка  $K$  должна отвечать двум условиям: а)  $K \in m$ ; б) точка  $K$  должна быть равноудалена от двух заданных точек  $A$  и  $B$ .
2. Геометрическим местом точек, отвечающих условию б) является плоскость  $\Phi$ , проходящая через середину отрезка  $|AB|$  – точку  $C$  и перпендикулярная к нему.
3. Строим на чертеже плоскость  $\Phi = (h \cap f)$ ;  $h^1 \perp A^1B^1$ ;  $f^2 \perp A^2B^2$ .
4. Находим точку пересечения прямой  $m$  с плоскостью  $\Phi$ ;  $K = m \cap \Phi$  – используем для этого плоскость-посредник  $T$ ;  $T \in m$ ;  $T \perp \Pi_1$ .

Анализ решения. Задача имеет единственное решение, так как прямая  $m$  – единственная; плоскость  $\Phi$  – единственная; точка пересечения прямой с плоскостью – единственная. Если  $m \subset \Phi$ , то любая точка прямой  $m$  – искомая.

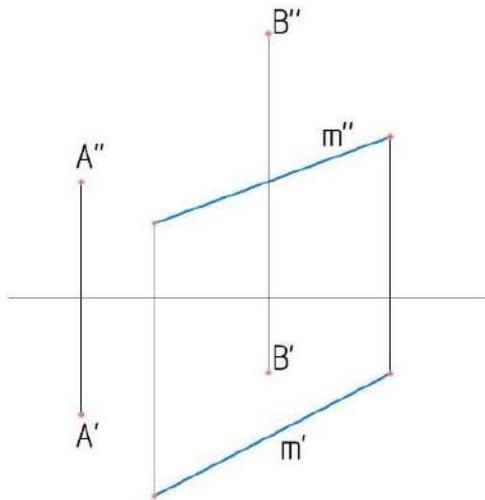


Рисунок 1 – Условие задачи примера 1

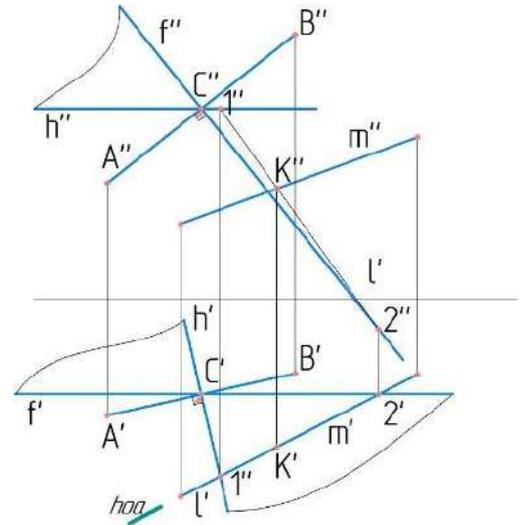


Рисунок 2 – Решение задачи примера 1

Пример 2. Построить прямую  $AB$ , наклоненную к плоскости  $\Pi_1$  под углом  $\alpha$ . Дано:  $A^2B^2$ ;  $A^1$ ;  $\alpha$  (Рисунок 3).

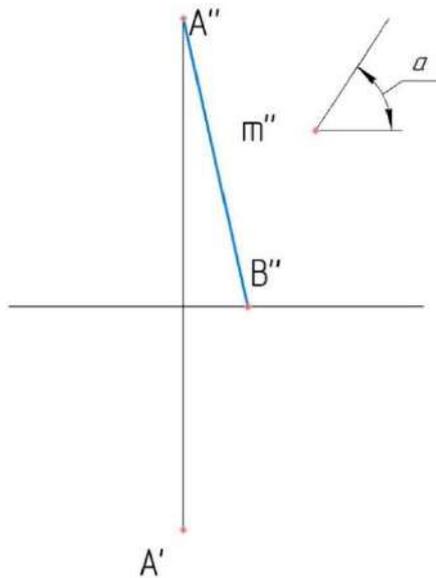


Рисунок 3 – Условие задачи примера 2

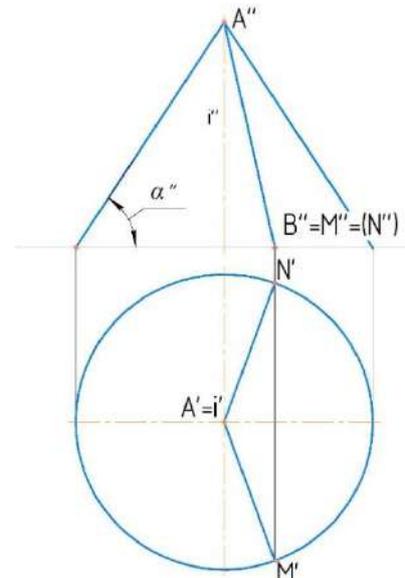


Рисунок 4 – Решение задачи примера 2

Решение (Рисунок 4):

Задачу решаем способом пересечения геометрических мест.

1. Искомая прямая должна отвечать ряду условий:

- а) проходить через точку  $A$ ;
- б) составлять с  $\Pi^1$  угол  $\alpha$ ;
- в) проецироваться на  $\Pi^2$  в виде прямой  $A^2B^2$ .

2. Геометрическим местом прямых, отвечающих условиям а) и б), является коническая поверхность  $\Phi$  с вершиной в точке  $A$ , образованная вращением прямой линии, составляющей с  $\Pi^1$  угол  $\alpha$ , вокруг оси  $i$  ( $i \supset A$ ;  $i \perp \Pi^1$ ).

Геометрическим местом прямых, отвечающих условию в), является такая фронтально проецирующая плоскость  $\Phi'$ , у которой  $\Phi'^2 = A^2B^2$ .

3. Строим на чертеже коническую поверхность  $\Phi$  и плоскость  $\Phi'$  ( $\Phi' \perp \Pi^2$ ).

4. Находим результат пересечения конической поверхности  $\Phi$  с плоскостью  $\Phi'$ ;  $\Phi \cap \Phi' = AB (AB')$ ; искомые прямые  $AB$  и  $AB'$  являются образующими конической поверхности  $\Phi$ .

Анализ решения задачи. Обозначим угол, который образует прямая  $A^2B^2$  с осью  $x$ , буквой  $\beta$ . Если угол  $\beta >$  угла  $\alpha$ , задача имеет два решения; если угол  $\beta =$  углу  $\alpha$ , задача имеет одно решение; если угол  $\beta <$  угла  $\alpha$ , решений нет.

Задачу можно решить и иначе. Например, искомую прямую можно рассматривать как образующую конической поверхности вращения  $\Phi$  с осью  $i$  и вершиной  $A$ , проходящую через ее точку  $B (B \in \Phi)$ .

Зная  $B_2$ , находим  $B^1 (B^{1'})$  по принадлежности точки  $B$  параллели  $r$  конической поверхности  $\Phi$ . После этого строим прямую  $AB = \{A; B\}$ . При таком ходе рассуждений мы не используем способ пересечения геометрических мест.

**Заключение.** Таким образом, можно сделать следующий вывод: общий алгоритм способа пересечения геометрических мест является основой решения многих комплексных задач начертательной геометрии [2].

### Список литературы

1. Начертательная геометрия / Павлова А. А. // Учеб. для студ. высш. учеб. заведений. М: Гуманит. изд. центр ВЛАДОС, 1999. – 304 с.: ил. – стр. 250-253.
2. Начертательная геометрия: Сборник задач / Герасимов В.А., Эманов С.Л. – Брянск: БГТУ, 2017. – 152 с.

UDC 514.182

## EXAMPLES OF SOLVING COMPLEX PROBLEMS OF DESCRIPTIVE GEOMETRY BY THE METHOD OF INTERCEPTING GEOMETRIC PLACES

*Karaseva E.V.*

*Bryansk State Technical University, Bryansk, Russian Federation*

*Levaya M.N. – PhD, assistant professor, associate professor of the department of DGandG*

**Annotation.** This article discusses a general algorithm for solving complex problems of descriptive geometry. It also provides relevant examples that allow students to best understand the features of this discipline.

**Keywords:** solution analysis, algorithm, complex problems