УДК 538.951

# Конченков Владимир Игоревич, Полянский Евгений Олегович ВЫЧИСЛЕНИЕ ФОНОННОГО СПЕКТРА ЧЕРНОГО ФОСФОРЕНА

С использованием пакета EPW, относящегося к пакету Quantum ESPRES-SO, вычислена плотность состояний фононов в черном фосфорене. Результаты сравниваются с данными экспериментов.

Черный фосфорен, фононный спектр.

Konchenkov Vladimir Igorevich, Polyanskiy Eugeniy Olegovich A CALCULATION OF BLACK PHOSPHORENE PHONON SPECTRUM

Using the EPW package related to the Quantum ESPRESSO package, the density of phonon states in black phosphorene was calculated. The results are compared with experimental data.

Black phosphorene, phonon spectrum.

### Введение

Черный фосфорен – двумерный материал, экспериментально открытый в 2014 году, обладает рядом интересных свойств, в том числе существенной анизотропией энергетического спектра [1-4]. Для исследования транспортных свойств этого материала необходимо знать типы фононов, присущих этому материалу, их законы дисперсии, а также коэффициенты электрон-фононного взаимодействия (см., например, [5]). В работе [6] приведены экспериментальные исследования фононных спектров фосфорена. В работе [7] фононные спектры фосфорена исследуются теоретически. В настоящей работе предпринята попытка проделать вычисление плотности состояний фононов в фосфорене при помощи пакета EPW [8], входящего в состав Quantum ESPRESSO [9].

# Моделирование фононного спектра черного фосфорена в пакете EPW

В работе использовался пакет Quantum ESPRESSO версии 7.3. Установка и настройка пакета EPW в составе Quantum ESPRESSO (QE) выполнялась согласно рекомендациям [8].

Создаем папку phosphorene в директории QE.

Для проведения расчета scf создаем файл pscf.in, в котором определяем базовые настройки, а также задаем положение атомов в моделируемой ячейке фосфорена. В разделе control задан тип расчета, префикс, который будет использован при формировании имен выходных файлов, определяется шаг по времени, частота сохранения промежуточных результатов в файлы.

#### &control

7

calculation		= 'scf'
prefix		= 'phosphorene'
restart_mode		= 'from_scratch'
wf_collect		= .true.
pseudo_dir		= './ps'
outdir		= './'
tprnfor		= .true.
tstress		= .true.
nstep	=	1000
iprint	=	1
isave	=	100
dt	=	2.0
ndw	=	50
etot_conv_th	r	= 1.d-9
ekin_conv_th	r	= 1.d-7

В разделе system указывается тип решетки Браве. Хотя для фосфорена известен тип решетки, указано значение параметра ibrav = 0, что означает, что эти сведения не используются, а сама моделируемая ячейка задается далее положением атомов. В этом же разделе указывается количество атомов в моделируемой ячейке (nat = 16).

&system ibrav = 0

nat	= 16
ntyp	= 1
ecutwfc	= 60
ecutrho	= 360
nr1b	= 20
nr2b	= 20
nr3b	= 20

В проводимых расчетах будет учитываться только динамика электронов, динамикой ионов будем пренебрегать.

#### &ELECTRONS

1

```
electron_dynamics = 'damp',
electron_damping=0.1,
emass=300,
orthogonalization='ortho',
ortho_eps=1d-11,
ortho_max=1000
/
&IONS
ion_dynamics='none'
/
```

В коде ниже указывается ссылка на файл псевдопотенциала фосфора, а также позиции атомов, координаты векторов прямой решетки (в рассматриваемом случае определяются выбором элементарной ячейки моделирования).

```
ATOMIC_SPECIES

P 30.973762d0 P.pbe-nl-rrkjus_psl.1.0.0.UPF

ATOMIC_POSITIONS {angstrom}

P 1.64946 4.21132 13.3133

P 0.00000 2.72483 13.3133
```

Р	1.64946	0.412741 11.2111
Р	0.00000	1.89923 11.2111
Р	1.64946	8.83537 13.3133
Р	0.00000	7.34888 13.3133
Р	1.64946	5.0368 11.2111
Р	0.00000	6.52329 11.2111
Р	4.94838	4.21132 13.3133
Р	3.29892	2.72483 13.3133
Р	4.94838	0.412741 11.2111
Р	3.29892	1.89923 11.2111
Р	4.94838	8.83537 13.3133
Р	3.29892	7.34888 13.3133
Р	4.94838	5.0368 11.2111
Р	3.29892	6.52329 11.2111

CELL\_PARAMETERS {angstrom}

6.59784 6	.000000000	0.00000000
0.00000000	9.24811	0.00000000
0.000000000	0.0000000	20.0243944325025112

```
K_POINTS automatic
4 4 4 1 1 1
```

Запуск расчетов осуществляем командой:

mpirun -20 N ../../bin/pw.x -npool 20 < pscf.in > pscf.out

Собственно вычисление динамической матрицы задаем в файле pph.in.

```
&inputph
```

```
prefix = 'phosphorene'
epsil = .false.,
fildyn = 'phosphorene.dyn',
ldisp = .true.
fildvscf = 'dvscf'
nq1=2,
```

```
nq2=2,
nq3=2,
tr2_ph = 1.0d-12
/
```

Запуск расчетов осуществляется следующей командой:

```
mpirun -20 N ../../bin/ph.x -npool 20 < pph.in > pph.out
```

Теперь, имея частоты фононов и вариации самосогласованного потенциала, приступаем к выполнению обратного преобразования Фурье динамической матрицы. Чтобы получить обратные компоненты Фурье в реальном пространстве, используем программу q2r.x. Ниже приведен наш входной файл pq2r.in:

```
&INPUT
  fildyn = 'phosphorene.dyn'
  zasr = 'crystal'
  flfrc = 'phosphorene.fc'
/
```

Запускаем данный входной файл командой:

mpirun -np 20 q2r.x -i pq2r.in > pq2r.out

Наконец, выполним преобразование Фурье компонентов реального пространства, чтобы получить динамическую матрицу при любом q с помощью matdyn.x.

```
&INPUT
  asr = 'crystal'
  flfrc = 'phosphorene.fc'
  flfrq = 'phosphorene.freq'
  flvec = 'phosphorene.modes'
! loto_2d = .true.
  q_in_band_form = .true.
/
```

0				
	0.50000000	0.50000000	0.50000000	1 ! G
	0.50000000	0.50000000	1.00000000	20 ! Z
	0.50000000	1.00000000	1.00000000	20 ! T
	0.50000000	1.00000000	0.50000000	20 ! Y
	0.50000000	0.50000000	0.50000000	20 ! G
	1.00000000	1.00000000	0.50000000	28 ! S

В этом файле указаны пути в пространстве волновых векторов между точками высокой симметрии. На рис. 1 показана первая зона Бриллюэна черного фосфорена и отмечено положение точек Г, Z, T, Y, S, R, U, X. Запускаем входной файл:

mpirun -np 20 matdyn.x -i pmatdyn.in > pmatdyn.out



Рис. 1. Расположение точек высокой симметрии в первой зоне Бриллюэна черного фосфорена [10]

Далее вычисляем фононную плотность состояний, которая предоставляет гистограмму количества фононных состояний в частотном интервале. Пики и особенности в DOS показывают плотность колебательных мод на определенных частотах. Входной файл для расчета pmatdyn.dos.in приведен ниже.

```
&INPUT
  asr = 'crystal'
  flfrc = 'phosphorene.fc'
  flfrq = 'phosphorene.dos.freq'
  flvec = 'phosphorene.dos.modes'
  dos = .true.
```

```
fldos = 'phosphorene.dos'
nk1 = 25
nk2 = 25
nk3 = 25
/
Запуск вычислений осуществляется следующим образом:
```

mpirun -np 20 matdyn.x -i pmatdyn.dos.in > pmatdyn.dos.out

На рис. 2 показан график плотности фононных состояний. Распределение фононных состояний сходно с графиками, представленными в работе [6], полученными на основе анализа экспериментальных данных.



Рис. 2. График плотности фононных состояний

#### Выводы

В рамках работы выполнено моделирование плотности фононных состояний в черном фосфорене при помощи пакета EPW, входящего в пакет Quantum ESPRESSO. Полученные графики распределения плотности фононных состояний коррелируют с графиками, полученными в ходе экспериментальных исследований [6].

## БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

1. Li P., Appelbaum I. Electrons and holes in phosphorene // Phys. Rev. B. - V. 90. - P. 115439 (2014).

2. Lew Yan Voon L. C., Wang J., Zhang Y., Willatzen M. Band parameters of phosphorene // Journal of Physics: Conference Series. - V. 633. - P. 012042 (2015).

3. Luo Z., Maassen J., Deng Y., Du Y., Garrelts R.P., Lundstrom M.S., Ye P.D., Xu X. Anisotropic in-plane thermal conductivity observed in few-layer black phosphorus // Nature Communications. - V. 6. P. 8572 (2015).

4. Lew Yan Voon L.C., Lopez-Bezanilla A., Wang J., Zhang Y., Willatzen M. Effective Hamiltonians for phosphorene and silicone // New Journal of Physics. – V. 17. – P. 025004 (2015).

5. Zhou J., Liao B., Qiu B., Huberman S., Esfarjani K., Dresselhaus M.S., Chen G. Ab initio optimization of phonon drag effect for lower-temperature thermoelectric energy conversion // Proceedings of the National Academy of Sciences - V. 112 (48). – P. 14777-14782 (2015).

6. Pogna E.A.A., Bosak A., Chumakova A., Milman V., Winkler B., Viti L., Vitiello M.S. Lattice dynamics and elastic properties of black phosphorus // Phys. Rev. B – V. 105. - P. 184306 (2022).

7. *Qin G., Zhang X., Yue Sh.-Y., Qin Zh., Wang H., Han Y., Hu M.* Resonant bonding driven giant phonon anharmonicity and low thermal conductivity of phosphorene // Phys. Rev. B – V. 94. – P. 165445 (2016).

8. Electron-phonon physics from first principles // EPW – URL: <u>https://epw-code.org/</u> (дата обращения: 15.06.2024).

9. Quantum ESPRESSO // Quantum ESPRESSO – URL: <u>https://www.quantum-espresso.org/</u> (дата обращения: 15.06.2024).

10. *Pantha N., Chauhan B., Sharma P., Adhikari N. P.* Tuning structural and electronic properties of phosphorene with vacancies // Journal of Nepal Physical Society. – V. 6. – Is. 1. – P. 7-15 (2020).

Конченков Владимир Игоревич, кандидат физико-математических наук, доцент кафедры «Электронно-вычислительные машины и системы» Волгоградского государственного технического университета, Россия, город Волгоград, проспект им. В.И. Ленина 28, 400005, телефон: +7 904 756 86 41, email: kontchenkov@yandex.ru;

Полянский Евгений Олегович, аспирант кафедры «Физика» Волгоградского государственного технического университета, Россия, город Волгоград, проспект им. В.И. Ленина 28, 400005, телефон: +7 919 799 92 98, email: irongamer@yandex.ru.

Konchenkov Vladimir Igorevich, Associate Professor of the Department of Electronic Computing Machines and Systems, Volgograd State Technical University, 28 V.I. Lenin Ave., Volgograd, Russia, 400005, phone: +7 904 756 86 41, e-mail: kontchenkov@yandex.ru

**Polyanskiy Eugeniy Olegovich**, postgraduate student of the Department of Physics, Volgograd State Technical University, 28 V.I. Lenin Ave., Volgograd, Russia, 400005, phone: +7 919 799 92 98, email: irongamer@yandex.ru.